

小学校6年生ワークシート《分数のかけ算とわり算》

達成目標・1

分数のかけ算やわり算ができるようにしましょう。

$$\frac{8}{9} \times \frac{3}{10}$$

$$\frac{4}{5} \times 2\frac{1}{2}$$

$$\frac{9}{10} \div \frac{3}{4}$$

$$\frac{2}{3} \div 2\frac{1}{3}$$

ポイントとつながり

分数をかけること、分数でわること、小数や整数を分数に直して計算することの意味を理解し、確実に計算できるようにします。中学校で学習する正負の数の計算などの学習につながります。

もとにする学習は

- ①分数×整数の計算の仕方が説明できますか。
- ②わり算のきまりや分数÷整数の計算の仕方を説明できますか。

ふり返ろう1へ

ふり返ろう2へ

めざす姿は

- ◎分数×分数のかけ算や分数÷分数の計算のしかたが説明できるようにしましょう。

大切な考え方1

分数に分数をかける計算は、分母どうし、分子どうしをかけます。このように計算してよいわけが説明できるようにしよう。



〈例〉1 dL で、床を $\frac{4}{5}$ m² ぬれるワックスがあります。

このワックス $\frac{2}{3}$ dL では、床を何m² ぬれますか。

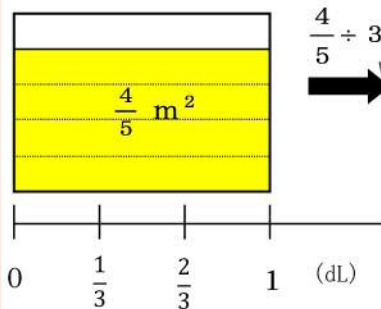
〈式〉 $\frac{4}{5} \times \frac{2}{3}$

○まず、 $\frac{1}{3}$ dL でぬれる面積を求めて、それを2倍する。

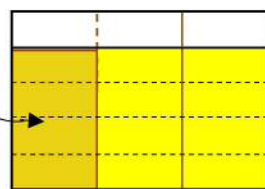
〈1 dL でぬれる面積〉

〈 $\frac{1}{3}$ dL でぬれる面積〉

〈 $\frac{2}{3}$ dL でぬれる面積〉



$$\frac{4}{5} \div 3$$



$$\left(\frac{4}{5} \div 3\right) \times 2$$



$$\frac{4}{5} \times \frac{2}{3}$$

=

$$\left(\frac{4}{5} \div 3\right) \times 2$$

=

$$\frac{4}{5 \times 3} \times 2$$

=

$$\frac{4 \times 2}{5 \times 3}$$

=

○ $\frac{2}{3}$ を整数に直せば計算できる。

かける数を3倍して、

積を3でわる。

$$\frac{4}{5} \times \frac{3}{3} = \frac{\square}{\square}$$

↓ $\times 3$ ↓ $\times 3$ $\div 3$

$$\frac{4}{5} \times \left(\frac{2}{3} \times 3 \right) = \frac{4}{5} \times 2$$

$$\frac{4}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{4}{5} \times \left(\frac{2}{3} \times 3 \right) \div 3 = \frac{4}{5} \times 2 \div 3 = \frac{4 \times 2}{5 \times 3} = \frac{8}{15}$$

分数に分数をかける計算は

分母どうし、分子どうしをかけます。

$$\frac{b}{a} \times \frac{d}{c} = \frac{b \times d}{a \times c}$$



大切な考え方2



分数を分数でわる計算は、分数を分数でわる計算は、わる数の分母と分子を入れかえた数をかけます。

このように計算してよいわけが説明できるようにしよう。

$\frac{3}{4}$ dL のペンキで、板を $\frac{5}{7}$ m² ぬれました。
このペンキ 1 dL では、板を何m² ぬれますか。



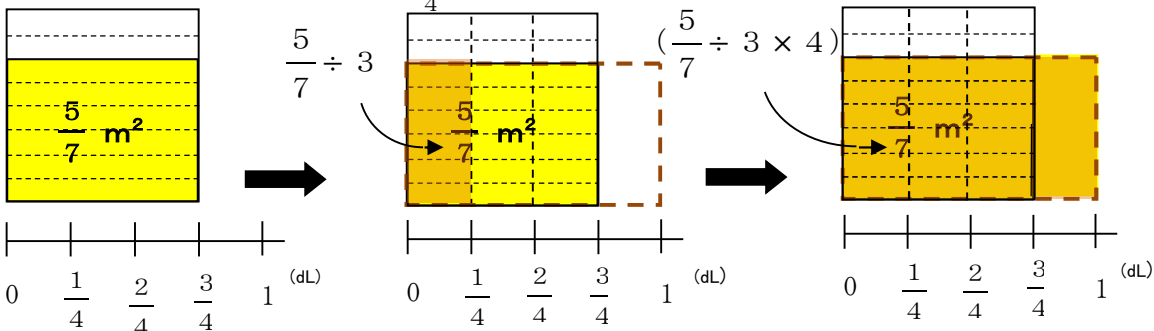
〈式〉 $\frac{5}{7} \div \frac{3}{4}$

○まず、 $\frac{1}{4}$ dL でぬれる面積を求めて、それを4倍する。

〈 $\frac{3}{4}$ dL でぬれる面積〉

〈 $\frac{1}{4}$ dL でぬれる面積〉

〈1 dL でぬれる面積〉



$$\frac{5}{7} \div \frac{3}{4} = \left(\frac{5}{7} \div 3 \right) \times 4 = \frac{5}{7 \times 3} \times 4 = \frac{5 \times 4}{7 \times 3} = \frac{20}{21}$$

○ $\frac{3}{4}$ を整数になおせば
計算できるから

$$\frac{5}{7} \div \frac{3}{4} = \square$$

↓ ×4 ↓ ×4

$$\left(\frac{5}{7} \times 4\right) \div \left(\frac{3}{\cancel{4}} \times \cancel{4}^1\right) = \frac{5}{7} \times 4 \div 3$$

等しい

$$\frac{5}{7} \div \frac{3}{4} = \left(\frac{5}{7} \times 4\right) \div \left(\frac{3}{\cancel{4}} \times \cancel{4}\right) = \left(\frac{5}{7} \times 4\right) \div 3 = \frac{5 \times 4}{7} \div 3 = \frac{5 \times 4}{7 \times 3} = \frac{20}{21}$$

○ わる数を1にすれば
簡単に計算できるから、

$\frac{3}{4}$ の逆数の $\frac{4}{3}$ を

$\frac{2}{5}$ と $\frac{3}{4}$ にかけて……



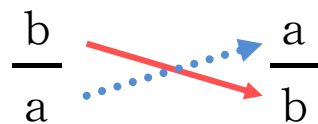
$$\frac{5}{7} \div \frac{3}{4} = \square$$

↓ × $\frac{4}{3}$ ↓ × $\frac{4}{3}$

$$\left(\frac{5}{7} \times \frac{4}{3}\right) \div \left(\frac{3}{\cancel{4}} \times \frac{\cancel{4}}{3}\right) = \frac{5}{7} \times \frac{4}{3} \div 1$$

等しい

$\frac{3}{4}$ は $\frac{4}{3}$ の逆数です。 $\frac{1}{2}$ の逆数は2です。このように、
2つの積が1になるとき、一方の数をもう一方の数の逆数といいます。逆数は、分子と分母を入れかえた分数になります。



$$\frac{5}{7} \div \frac{3}{4} = \left(\frac{5}{7} \times \frac{4}{3}\right) \div \left(\frac{3}{4} \times \frac{4}{3}\right) = \left(\frac{5}{7} \times \frac{4}{3}\right) \div 1 = \frac{5}{7} \times \frac{4}{3} = \frac{5 \times 4}{7 \times 3} = \frac{20}{21}$$



分数でわる計算は、わる数の
逆数をかけます。

$$\frac{b}{a} \div \frac{d}{c} = \frac{b}{a} \times \frac{c}{d}$$

$$= \frac{b \times c}{a \times d}$$

ふり返ろう 1

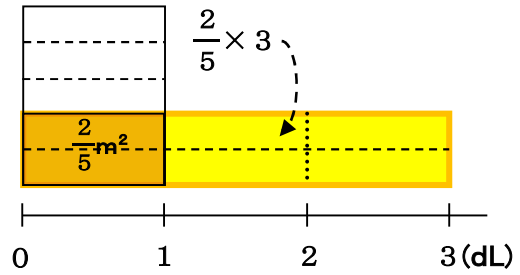
分数×整数の計算の仕方を説明しましょう。(5年)

○分数に整数をかける計算は

〈例〉

1 dL 板を $\frac{2}{5} \text{ m}^2$ ぬれるペンキがあります。

このペンキ 3 dL では、板を何 m^2 ぬれますか。



面積図から考えると、 $\frac{6}{5} \text{ m}^2$ ぬれます。

$\frac{2}{5}$ は、 $\frac{1}{5}$ の 2 つぶん。

$\frac{2}{5} \times 3$ は、 $\frac{1}{5}$ の 6 つぶんになります。

$$\frac{2}{5} \times 3 = \frac{2 \times 3}{5} = \frac{6}{5}$$

答え $\frac{6}{5} \text{ m}^2$



分数に整数をかける計算は、
分母はそのままにして、分子に
その整数をかけます。

$$\frac{b}{a} \times c = \frac{b \times c}{a}$$

ふり返ろう 2

わり算のきまりや分数×整数の計算の仕方を説明しよう。(5年)

○わり算のきまり (同じ商になるわり算)

$$\begin{array}{r} 15 \\ \downarrow \times 2 \\ 30 \end{array} \div 3 = 5$$

$$30 \div 5 = 5$$

$$\begin{array}{r} 3.6 \\ \downarrow \times 10 \\ 36 \end{array} \div 1.2 = 5$$

$$\frac{4}{5} \div 3 = \frac{4}{5 \times 3} = \frac{4}{15}$$

$$\begin{array}{r} 4 \\ \downarrow \times 5 \\ 4 \end{array} \div 15 = \frac{4}{15}$$

等しい

等しい

等しい

わり算は、わる数とわられる数に同じ数をかけても、同じ数でわっても商はかわらない。このことは分数のわり算のときも同じことがいえます。

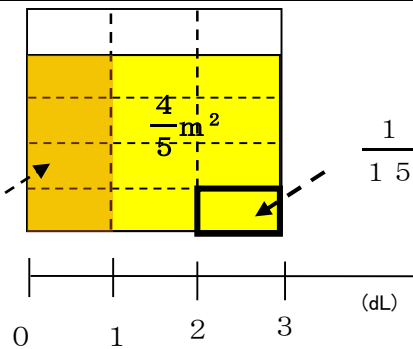


○分数を整数でわる計算

3 dL板を $\frac{4}{5} \text{ m}^2$ ぬれるペンキがあります。

このペンキ 1 dL では、板を何 m^2 ぬれますか。

$$\frac{4}{5} \div 3$$



面積図から考えると、 $\frac{4}{15} \text{ m}^2$ ぬれます。

$\frac{4}{5} \text{ m}^2$ は、 1 m^2 の $\frac{1}{5}$ の4つぶんです。

$\frac{4}{5} \div 3$ は、 1 m^2 を $\frac{1}{15}$ した4つぶんになります。

$$\frac{4}{5} \div 3 = \frac{4}{5 \times 3} = \frac{4}{15}$$

答え $\frac{4}{15} \text{ m}^2$



分数を分数でわる計算は、
分子はそのままにして、分母
にその整数をかけます。

$$\frac{b}{a} \div c = \frac{b}{a \times c}$$

練習してパワーアップしましょう

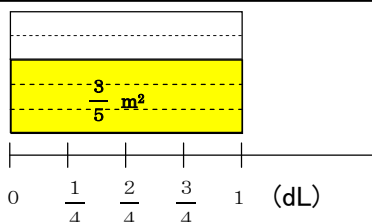
名前 ()

ホップ

①

1 dL で $\frac{3}{5}$ m²ぬれるワックスがあります。

そのワックス $\frac{3}{4}$ dL では、ゆかを何m²ぬれますか。



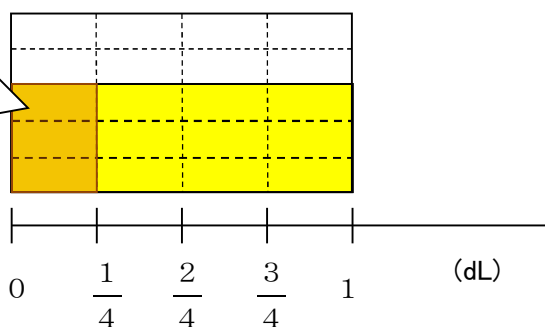
1 dL でぬれる面積(m²) × ペンキの量(dL) = ぬれる面積 (m²)

(式) $\frac{3}{5} \times \frac{3}{4}$

(1) 面積図をもとに、□にあてはまる数を入れて $\frac{3}{5} \times \frac{3}{4}$ の計算をしましょう。

$\frac{1}{4}$ dL でぬれる面積は

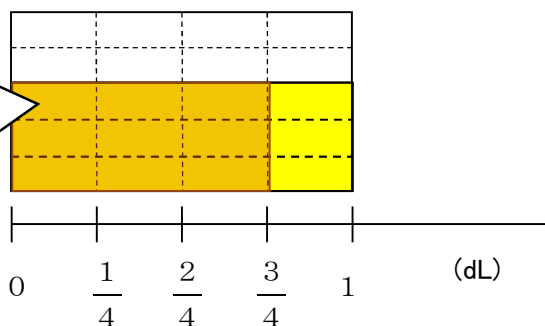
$$\frac{\square}{\square} \div \square = \frac{\square}{\square \times \square}$$



$\frac{3}{4}$ dL は $\frac{1}{4}$ dL の □ つぶんなので

$\frac{3}{4}$ dL でぬれる面積は、

$$\frac{\square}{\square} \times \square = \frac{\square \times \square}{\square \times \square}$$



(2) □の中に数をあてはめて、計算のしかたをまとめましょう。

$$\frac{3}{5} \times \frac{3}{4} = \frac{\square \times \square}{\square \times \square} = \frac{\square}{\square}$$

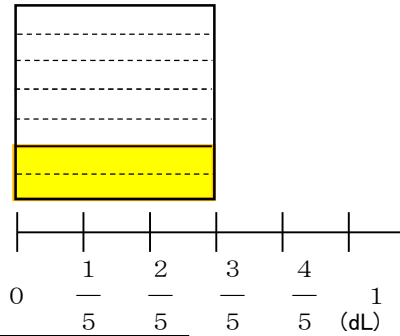
答え

$$\frac{\square}{\square} \text{ m}^2$$

2

$\frac{3}{5}$ dL で $\frac{2}{7}$ m²ぬれるワックスがあります。

そのワックス 1 dL では、ゆかを何m²ぬれますか。

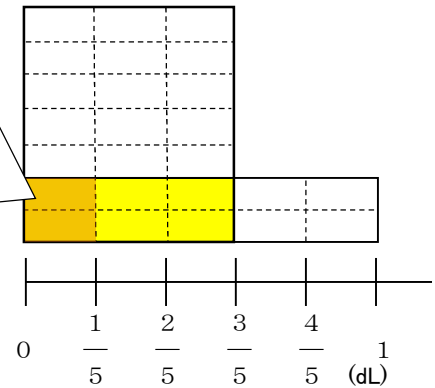


ぬれる面積 (m²) ÷ ペンキの量(dL) = 1 dL でぬれる面積(m²)

(式) $\frac{2}{7} \div \frac{3}{5}$

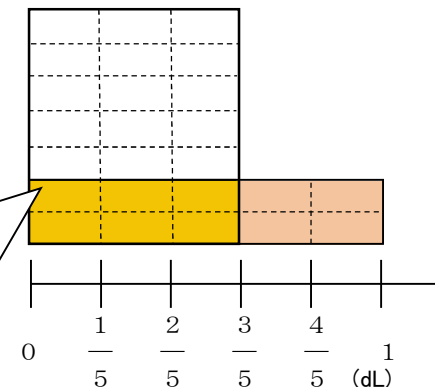
(1) 面積図をもとに、□にあてはまる数を入れて $\frac{2}{7} \div \frac{3}{5}$ の計算をしましょう。

$\frac{1}{5}$ dL でぬれる面積は

$$\frac{\square}{\square} \div \square = \frac{\square}{\square \times \square}$$


1 dL は $\frac{1}{5}$ dL の □ つぶんなので

1 dL でぬれる面積は、

$$\frac{\square}{\square \times \square} \times \square = \frac{\square \times \square}{\square \times \square}$$


(2) □の中に数をあてはめて、計算のしかたをまとめましょう。

$$\frac{2}{7} \div \frac{3}{5} = \frac{\square}{\square} \times \frac{\square}{\square} = \frac{\square \times \square}{\square \times \square} = \frac{\square}{\square}$$

答え $\frac{\square}{\square}$ m²

ステップ

1 計算しましょう。

$$(1) \frac{4}{7} \times \frac{2}{5}$$

$$(2) \frac{5}{4} \times \frac{5}{3}$$

$$(3) \frac{5}{12} \times \frac{3}{8}$$

$$(4) \frac{3}{2} \times \frac{4}{9}$$

$$(5) 3\frac{1}{3} \times \frac{12}{25}$$

$$(6) 2\frac{2}{3} \times 2\frac{1}{4}$$

$$(7) 7 \times \frac{3}{4}$$

$$(8) \frac{5}{8} \times 1\frac{6}{10}$$

$$(9) \frac{1}{9} \div \frac{6}{7}$$

$$(10) 1\frac{1}{4} \div \frac{3}{5}$$

$$(11) \frac{2}{7} \div \frac{8}{9}$$

$$(12) \frac{8}{15} \div 2\frac{2}{5}$$

$$(13) \frac{9}{16} \div \frac{3}{10}$$

$$(14) 1\frac{3}{7} \div \frac{10}{21}$$

$$(15) 8 \div \frac{3}{5}$$

$$(16) 12 \div \frac{6}{7}$$

a は、 $\frac{a}{1}$ という分数とみることもできるね。



ジャンプ

1 計算しましょう。

$$(1) \frac{3}{11} \times \frac{5}{12} \times \frac{8}{5}$$

$$(2) \frac{2}{13} \times 5 \times 1\frac{3}{10}$$

$$(3) \frac{5}{12} \times 3\frac{3}{7} \times \frac{14}{5}$$

$$(4) \frac{3}{7} \div \frac{3}{4} \times 1\frac{3}{4}$$

$$(5) \frac{16}{7} \div 6 \times \frac{3}{8}$$

$$(6) 1\frac{3}{4} \div \frac{5}{6} \div \frac{7}{10}$$

2 工夫して計算しましょう。

$$(1) \left(\frac{7}{9} \times \frac{5}{6}\right) \times 1\frac{1}{5}$$

$$(2) \left(\frac{5}{6} + \frac{3}{4}\right) \times 16$$

$$(3) 0.3 \div \frac{9}{20} \times 3.6$$

$$(4) 0.7 \times 8 \div 4 \div 2.1$$

《解答》

ホップ 1 (1)

$\frac{1}{4}$ dL でぬれる面積は

$$\frac{\boxed{3}}{\boxed{5}} \div \boxed{4} = \frac{\boxed{3}}{\boxed{5 \times 4}}$$

$\frac{3}{4}$ dL は $\frac{1}{4}$ dL の 3 つぶんなので

$\frac{3}{4}$ dL でぬれる面積は、

$$\frac{\boxed{3}}{\boxed{5 \times 4}} \times \boxed{3} = \frac{\boxed{3 \times 3}}{\boxed{5 \times 4}}$$

(2) $\frac{\boxed{3}}{\boxed{5}} \times \frac{\boxed{3}}{\boxed{4}} = \frac{\boxed{3 \times 3}}{\boxed{5 \times 4}} = \frac{\boxed{9}}{\boxed{20}}$ 答え $\frac{\boxed{9}}{\boxed{20}} \text{ m}^2$

2 (1)

$\frac{1}{5}$ dL でぬれる面積は

$$\frac{\boxed{2}}{\boxed{7}} \div \boxed{3} = \frac{\boxed{2}}{\boxed{7 \times 3}}$$

1 dL は $\frac{1}{5}$ dL の 3 つぶんなので 1 dL でぬれる面積は、

$$\frac{\boxed{2}}{\boxed{7 \times 3}} \times \boxed{5} = \frac{\boxed{2 \times 5}}{\boxed{7 \times 3}} = \frac{\boxed{10}}{\boxed{21}}$$

(2) $\frac{\boxed{2}}{\boxed{7}} \div \frac{\boxed{3}}{\boxed{5}} = \frac{\boxed{2}}{\boxed{7}} \times \frac{\boxed{5}}{\boxed{3}} = \frac{\boxed{2 \times 5}}{\boxed{7 \times 3}} = \frac{\boxed{10}}{\boxed{21}}$ 答え $\frac{\boxed{10}}{\boxed{21}} \text{ m}^2$

ステップ 1 (1) $\frac{8}{35}$ (2) $\frac{25}{12} \left(2\frac{1}{2} \right)$ (3) $\frac{5}{32}$ (4) $\frac{2}{3}$ (5) $\frac{8}{5} \left(1\frac{3}{5} \right)$

(6) 6 (7) $\frac{21}{4} \left(5\frac{1}{4} \right)$ (8) 1 (9) $\frac{7}{54}$ (10) $\frac{25}{12} \left(2\frac{1}{2} \right)$

(11) $\frac{9}{28}$ (12) $\frac{2}{9}$ (13) $\frac{15}{8} \left(1\frac{7}{8} \right)$ (14) 3 (15) $\frac{40}{3} \left(13\frac{1}{3} \right)$ (16) 14

ジャンプ 1

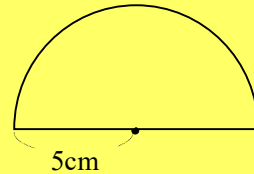
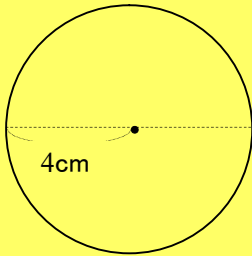
(1) $\frac{2}{11}$ (2) 1 (3) 4 (4) 1 (5) $\frac{1}{7}$ (6) 3

2 (1) $\frac{7}{9}$ (2) $\frac{76}{3} \left(25\frac{1}{3} \right)$ (3) $\frac{12}{5} \left(2\frac{2}{5} \right)$ (4) $\frac{2}{3}$

達成目標・2

円の面積を求めることができるようにしましょう。

次の面積を求めましょう。円周率は3.14として計算しましょう。



ポイントとつながり

円周率の意味を理解し、円周、直径、円周率の関係について学習します。円周や円の面積の学習は円柱の体積、中学校で学習するおうぎ形の弧の長さや面積、円錐の体積、表面積につながります。

もとにする学習は

- ① いろいろな図形の面積の求め方を覚えていますか。
- ② 円周の長さの求め方を覚えていますか。

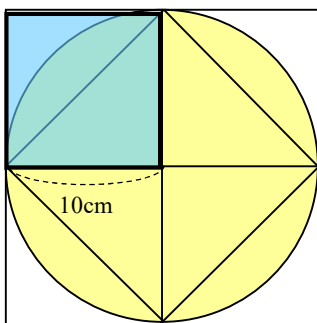
ふり返ろう1へ

ふり返ろう2へ

めざす姿は

- ◎ これまでに習った方法で円の面積を求め方を考え、計算で求めましょう。


大切な考え方



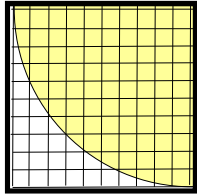
円の面積 = 半径 × 半径 × 3.14 で求められます。



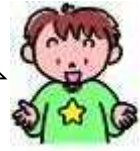
2倍よりは大きいけど、4倍よりは小さいから、3倍くらいかな。ここでも円周率の関係ありそうだよ。

半径が10cmの円の面積は、円の半径を1辺とする正方形  の面積の何倍なのかな？

これまでに学習した面積の求め方を使って、およその面積を求める工夫をします。

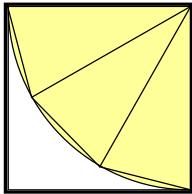


1 cm²の単位面積がいくつ入るか調べて、円のおよその面積を求めます。



○しきつめられた1 cm²の方眼の数は69個…… 69 cm²
 ○円周にかかっている方眼の数の半分8.5個…… 8.5 cm² } 77.5 cm²

77.5 × 4 = 310 → 約 310 cm²



円の中に正十六角形をかいて、そこにできる二等辺三角形の面積から円のおよその面積を求めます。

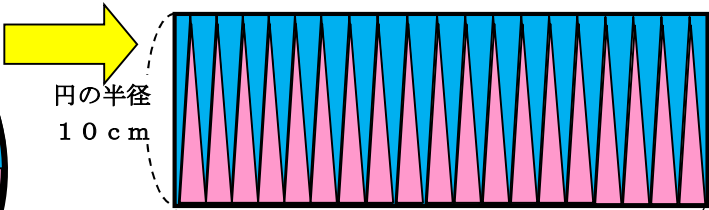
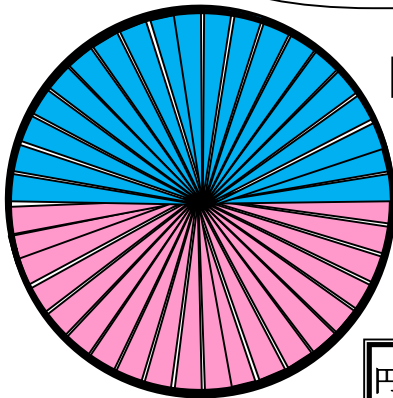


○1つの三角形は
 ・底辺……3.9 cm ・高さ……9.8 cm
 ・面積……3.9 × 9.8 ÷ 2 = 19.11 19.11 cm²

○正十六角形の面積は
 19.11 × 16 = 305.76 → 約 306 cm²



円を細かく等分して並べかえていくと、長方形に近付いていきます。公式を使ってその長方形の面積を求めます。長方形のたてと横の長さは、円のどことどこの長さと同じかな。



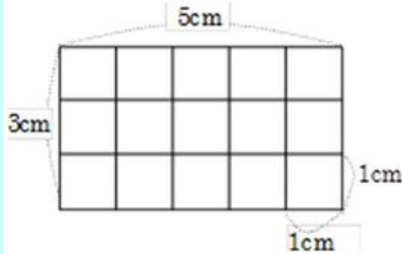
円周の半分 (直径×円周率÷2 = 半径×円周率)
 20 × 3.14 ÷ 2 = 10 × 3.14

円の面積 = 半径 × 半径 × 円周率 (3.14)
 10 × 10 × 3.14 = 314
 314 cm²

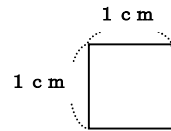
ふり返ろう1

四角形や三角形などの面積の求め方を説明しましょう。(4、5年)

長方形の面積の求め方



1 cm²の正方形をすきまなくしき
つめて、その数を数えるのに、
計算でできたね。

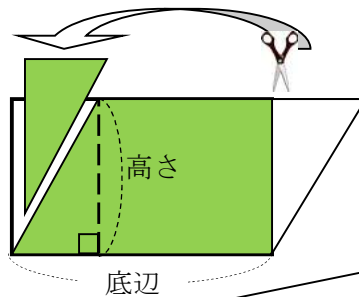
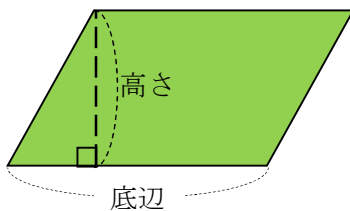


単位面積である 1 cm²の正方形がたてに 3 こずつ横に 5 列並ぶので、

$$\text{この長方形の面積は } 3 \times 5 = 15 \quad 15 \text{ cm}^2$$

$$\text{長方形の面積} = \text{たて} \times \text{横}$$
$$\text{横} \times \text{たて}$$

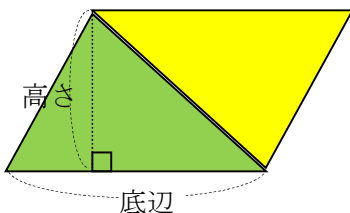
平行四辺形の面積の求め方



平行四辺形は、大きさをそのままにして形を長方形になおせます。
長方形のたてにあたる「高さ」と、横にあたる「底辺」の長さが分かると、「底辺×高さ」の計算で面積が求められます。

$$\text{平行四辺形の面積} = \text{底辺} \times \text{高さ}$$

三角形の面積の求め方



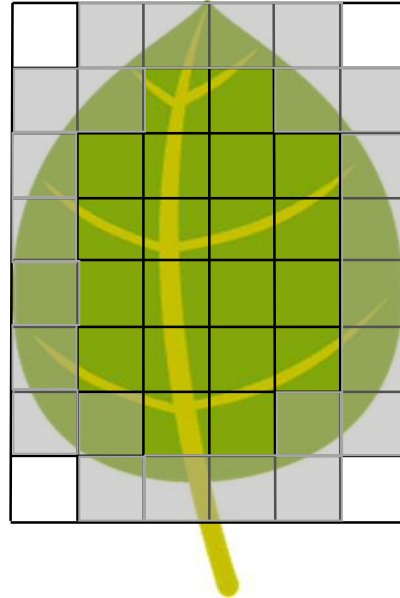
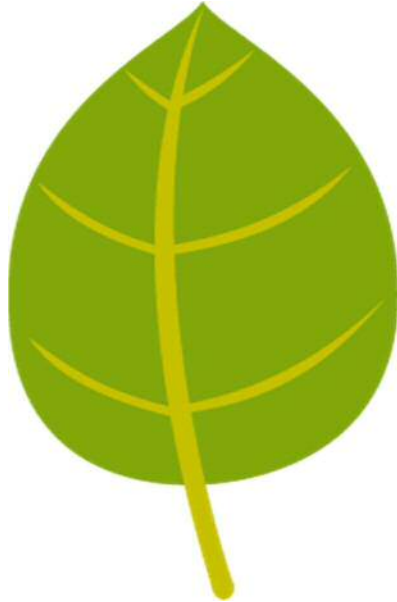
合同な三角形をもう 1 つ合わせると平行四辺形になることから、三角形の面積は、平行四辺形の面積 ÷ 2 として計算で面積が求められます。

$$\text{三角形の面積} = \text{底辺} \times \text{高さ} \div 2$$

葉のおよその面積の求め方



葉のおよその面積は、方眼を使って求めることができます。



【葉の面積の求め方】

①葉の内側にすっかり入っている方眼の数 …… 20 個

②葉の線にかかっている方眼の数 …… 24 個

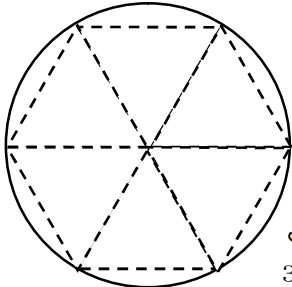
線にかかっている方眼は、面積を半分と考える。

$20 + 24 \div 2 = 32$ 葉の面積 約 32 cm^2

ふり返ろう2

円の円周の長さを工夫して求めましょう。(5年)

円周の長さは、円の直径の長さの何倍になっているかな？

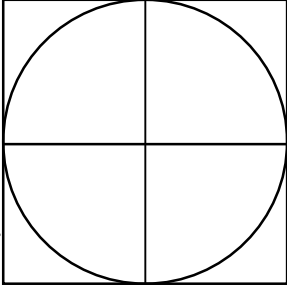


3倍より大きく、4倍より小さくなりそうだ。でも、どんな大きさの円でもそうなるのかな？



3倍より大きい

4倍より小さい



いろいろな大きさの円で、直径と円周の関係を調べてみましょう。

	かん	おぼん	びん	なべ	茶づつ
円周 (cm)	22	125.5	36.1	78.6	23.2
直径 (cm)	7	40	11.5	25	7.4
円周 ÷ 直径	3.14	3.14	3.14	3.14	3.14

円周の長さが、直径の長さの何倍になっているかを表す数を、円周率といいます。円周率は約3.14です。

$$\text{円周率} = \text{円周} \div \text{直径}$$

円周の長さは、次の式で求められます。

$$\text{円周} = \text{直径} \times \text{円周率}(3.14)$$



練習してパワーアップしましょう

ホップ

名前 ()

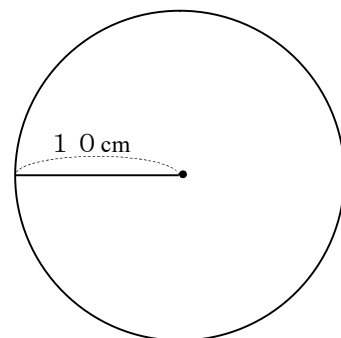
- 1 右の円の面積を求めます。□の中にあてはまる数や言葉を書きましょう。

(1) 円の面積を求める公式は

$$\square \times \square \times \text{円周率}$$

で求められます。

円周率は です。



(2) 円の面積を求める公式にあてはめて計算すると、

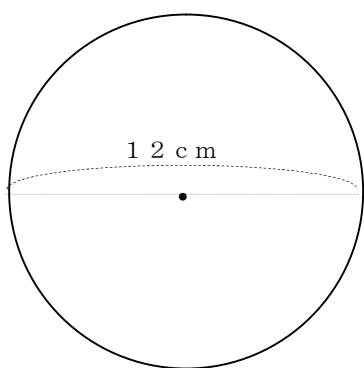
$$\square \times \square \times \square = \square$$

半径 10 cm の円の面積は \square cm^2 です。

ステップ

1 次の図形の面積を求めましょう。

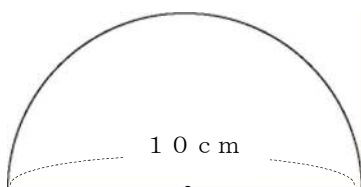
(1)



(式)

(答え)

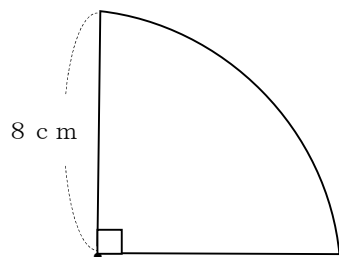
(2)



(式)

(答え)

(3)



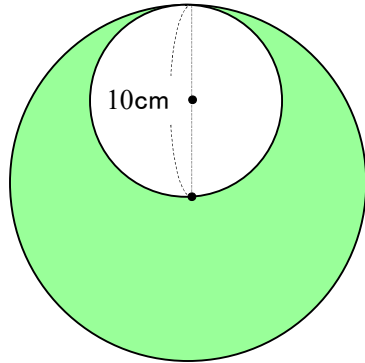
(式)

(答え)

ジャンプ

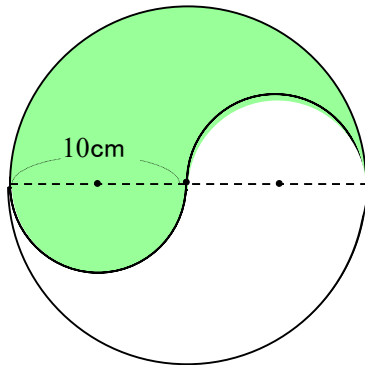
1 色のぬった部分の面積を求めましょう。

(1) (式)



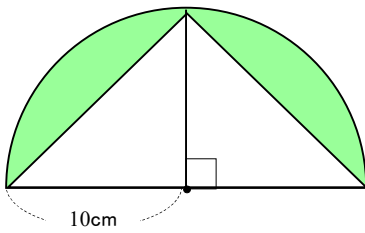
(答え)

(2) (式)



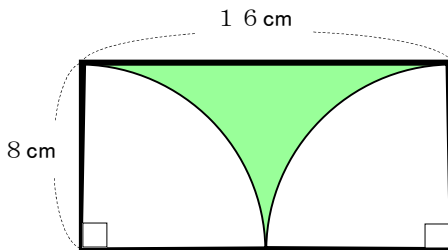
(答え)

(3) (式)



(答え)

(4) (式)



(答え)

《解答》

ホップ

1 (1) 半径×半径 (×円周率)、 3.14

(2) $10 \times 10 \times 3.14 = 314$ 、 $314 \text{ (cm}^2\text{)}$

ステップ

1 (1) 式 $12 \div 2 = 6$ $6 \times 6 \times 3.14 = 113.04$ 答え 113.04 cm^2

(2) 式 $10 \div 2 = 5$ $5 \times 5 \times 3.14 \div 2 = 39.25$ 答え 39.25 cm^2

(3) 式 $8 \times 8 \times 3.14 \div 4 = 50.24$ 答え 50.24 cm^2

ジャンプ

1 (1) 式 $10 \times 10 \times 3.14 - 5 \times 5 \times 3.14 = 235.5$ 答え 235.5 cm^2

(2) 式 $10 \times 10 \times 3.14 \div 2 = 157$ 答え 157 cm^2

(3) 式 $10 \times 10 \times 3.14 \div 2 - 10 \times 10 = 57$ 答え 57 cm^2

(4) 式 $8 \times 16 - 8 \times 8 \times 3.14 \div 2 = 27.52$ 答え 27.52 cm^2

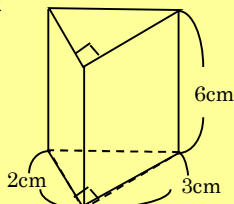
小学校6年生ワークシート《角柱・円柱の体積》

達成目標・3

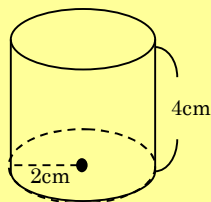
角柱や円柱の体積を求めることができるようにしましょう。

下の角柱と円柱の体積を求めましょう。円周率は3.14として計算しましょう。

①三角柱



②円柱



ポイントとつながり

体積について学び、角柱や円柱の体積を求めることができます。中学校の角錐、円錐などの体積を求める学習の基礎となります。

もとにする学習は

- ①面積の表し方を覚えていますか。また、面積を計算で求めることができますか。
- ②直方体や立方体の体積を求めることができますか。
- ③角柱や円柱がどのような立体かを覚えていらっしゃいますか。

ふりかえろう1へ

ふりかえろう2へ

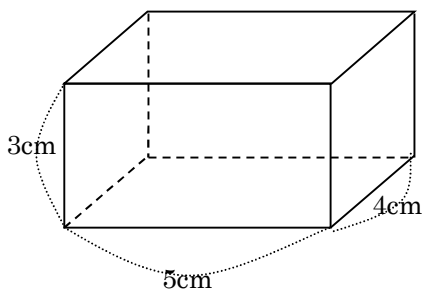
ふりかえろう3へ

めざす姿は

- ◎角柱や円柱の体積を求める公式を説明できるようになりましょう。
- ◎公式を活用して、角柱や円柱の体積を求められるようになりましょう。

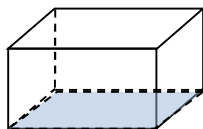
大切な考え方

☆下の四角柱の体積の求め方を考えましょう。

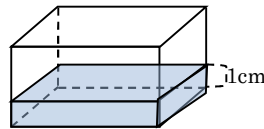


底面の面積→底面積

「底面積を表す数」と「高さが1cmの四角柱の体積を表す数」はどちらも20で同じだね。



$$5 \times 4 = 20 \text{ (cm}^2\text{)}$$



$$5 \times 4 \times 1 = 20 \text{ (cm}^3\text{)}$$



高さが 1 cm の四角柱が何段分あるか考えれば体積が求められるから...

高さが 1 cm の四角柱の体積 × 何段分

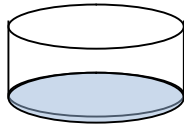
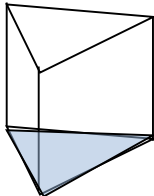
四角柱の体積

=

底面積

×

高さ



三角柱や円柱も底面積を表す数と、高さ 1 cm の三角柱、円柱の体積を表す数が同じだね。



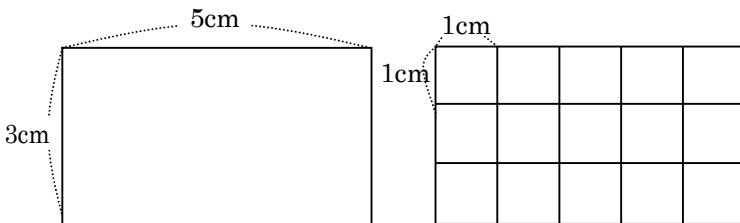
角柱、円柱の体積 = 底面積 × 高さ

ふりかえろう 1

面積の表し方を確かめましょう。また、面積を計算で求めましょう。(4年)

広さを調べよう【面積】

長方形の面積を求めましょう。



面積は、1 辺が 1 cm の正方形をすきまなく敷きつめて、そのいくつ分かで表します。

1 辺が 1 cm の正方形の面積を 1 平方センチメートルといい、 1 cm^2 と書きます。

1 辺が 1 cm の正方形が何個分あるかを表すには、かけ算で計算できたね。

長方形の縦、横にならぶ 1 cm^2 の正方形の数と、辺の長さを表す数が同じことを使ったよね。



正方形も同じ考えでできるね。



長方形の面積の公式

長方形の面積 = 縦 × 横

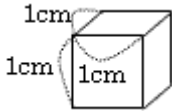
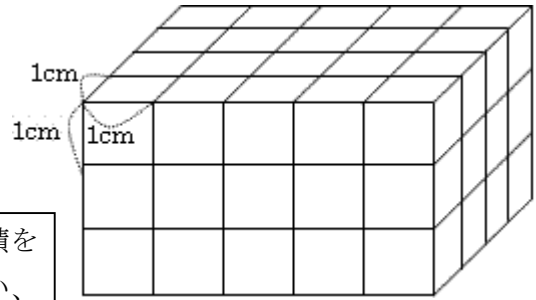
この長方形は $3 \times 5 = 15$ 答え 15 cm^2

ふりかえろう2

直方体や立方体の体積の求め方を確かめましょう。(5年)



直方体や立方体のかさは、1辺が1cmの立方体が何個分あるかで表します。



1辺が1cmの立方体の体積を1立方センチメートルといい、 1cm^3 と書きます。

1辺が1cmの立方体がいくつあるか数えるには、面積と同じように、体積を求める**公式**を使います。

直方体の縦、横、高さにならぶ1cmの立方体の数と、辺の長さを表す数が同じことを使っているよ。



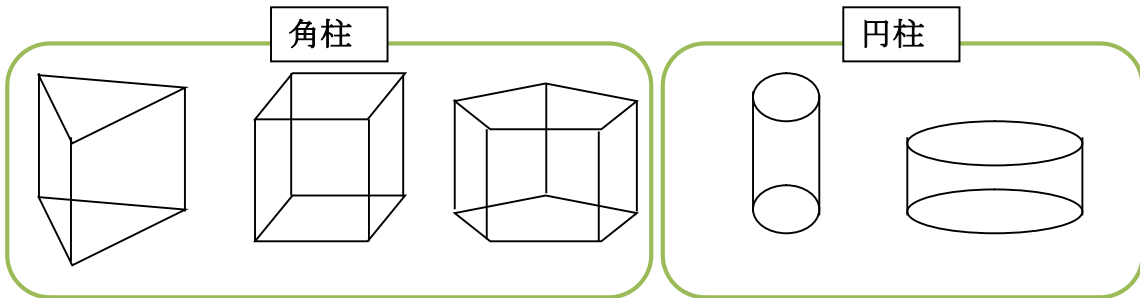
直方体の体積＝縦×横×高さ

この直方体の体積は、 $4 \times 5 \times 3 = 60$ 答え 60cm^3

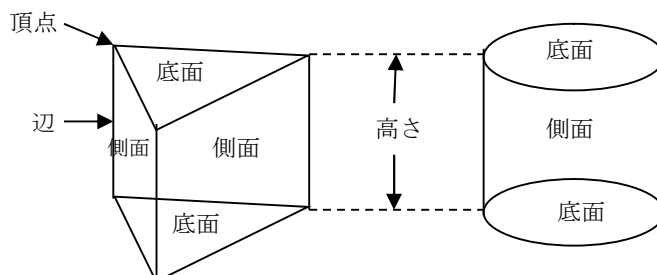
立方体の体積＝1辺×1辺×1辺

ふりかえろう3

角柱や円柱について確かめましょう。(5年)



角柱は周りの面が長方形だね。それと、どちらも上と下の面が同じ形で同じ大きさだよ。



2つの底面に垂直にひいた直線の長さを高さといったね。



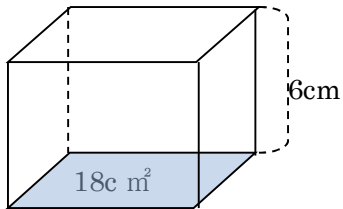
練習してパワーアップしましょう

名前 ()

ホップ

下の角柱や円柱の体積を求めましょう。

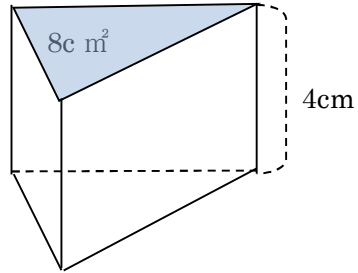
①



①式

答え

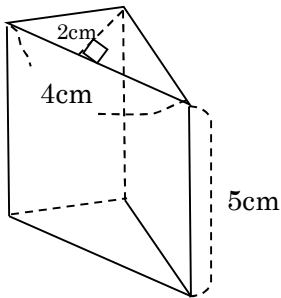
②



②式

答え

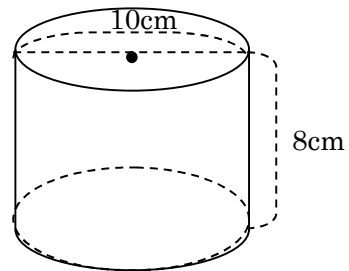
③



③式

答え

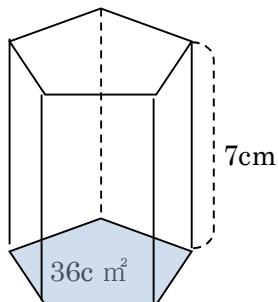
④



④式

答え

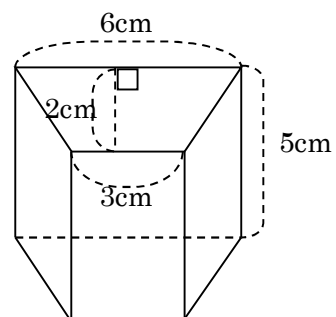
⑤



⑤式

答え

⑥



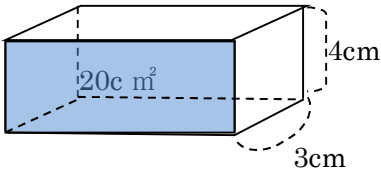
⑥式

答え

ステップ

下の角柱や円柱の体積を求めましょう。

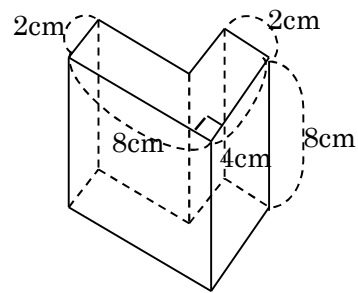
①



①式

答え

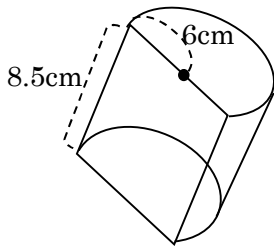
②



②式

答え

③



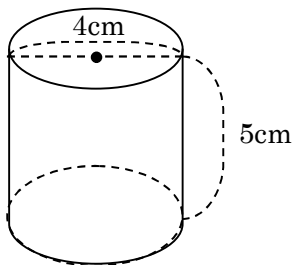
③式

答え

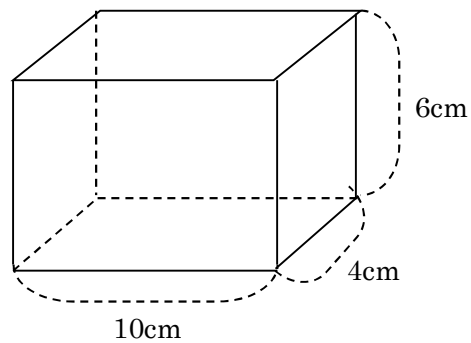
ジャンプ

下の図のようにA、Bの容器があります。どちらの方が何 $c m^3$ 多く水を入れることができるでしょうか。(ただし、円周率は3.14とします。)

容器A



容器B



式

答え

《 解答 》

ホップ

- ① $18 \times 6 = 108$ 答え 108 cm³
② $8 \times 4 = 32$ 答え 32 cm³
③ $4 \times 2 \div 2 \times 5 = 20$ 答え 20 cm³
④ $5 \times 5 \times 3.14 \times 8 = 628$ 答え 628 cm³
⑤ $36 \times 7 = 252$ 答え 252 cm³
⑥ $(3 + 6) \times 2 \div 2 \times 5 = 45$ 答え 45 cm³

ステップ

- ① $20 \times 3 = 60$ 答え 60 cm³
② 解答例
 $\{8 \times 2 + (4 - 2) \times 2\} \times 8 = 160$ 答え 160 cm³
③ $6 \times 6 \times 3.14 \div 2 \times 8.5 = 480.42$ 答え 480.42 cm³

ジャンプ

$$\begin{aligned} \text{容器Aの体積} &= 2 \times 2 \times 3.14 \times 5 \\ &= 62.8 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{容器Bの体積} &= 4 \times 10 \times 6 \\ &= 240 \end{aligned}$$

$$240 - 62.8 = 177.2$$

答え Bの容器の方が177.2 cm³多く入れることができる

小学校6年生ワークシート《速さ》

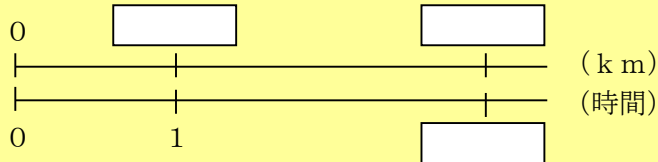
達成目標・4

速さ（単位時間に進む道のり）を求めることができるようにしましょう。

(1) 速さ＝道のり÷ で求められます。

(2) 120kmの道のりを、3時間で走る自動車の速さは、時速 kmです。

(3) 時速70kmで飛ぶわたり鳥が3時間に進む道のりは、210kmです。この関係を数直線で表しましょう。



ポイントとつながり

道のりと時間の関係から、速さを表すことを学習します。速さを比較するときなど、日常生活に役に立ちます。

もとにする学習は

- ①長さや時間の単位どうしの関係を説明できますか。
- ②単位量当たりの大きさの考えを覚えていますか。

ふりかえろう1へ

ふりかえろう2へ

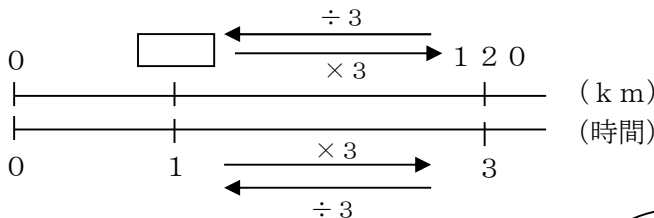
めざす姿は

- ◎速さの表し方や比べ方について、単位量当たりの大きさの考えを基に、数直線や式を使って考え、説明できるようになりましょう。
- ◎速さについて理解し、速さや道のり、時間を求めることができるようになりましょう。

大切な考え方

☆速さの表し方を考えよう。

○120kmの道のりを3時間で走る自動車の速さは、時速 kmです。



速さは、単位時間あたりに進む道のりで表します。

速さを求める公式 速さ＝道のり÷時間

- ・時速→1時間に進む道のりで表した速さ
- ・分速→1分間に進む道のりで表した速さ
- ・秒速→1秒間に進む道のりで表した速さ



□kmを3倍すると120kmだから…

$$\square \times 3 = 120$$

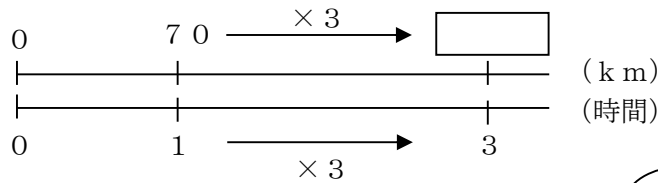
$$\square = 120 \div 3$$

$$= 40$$

よって、時速40kmだね。

☆道のりを求めよう。

○時速70 kmで飛ぶわたり鳥が3時間で進む道のりは kmです。



時間が3倍になっているから、道のりも3倍になるね。
 $70 \times 3 = 210$ よって、道のりは210 kmだね。



速さの公式をもとにすると $70 = \square \div 3$ だから、 $\square = 70 \times 3$ で求められるね。

道のりを求める公式 道のり = 速さ × 時間

☆時間を求めよう。

○時速60 kmで走るバイクが300 km進むのにかかる時間は 時間です。

時間を x 時間とすると、道のりの公式から、

$$\begin{aligned} 60 \times x &= 300 \\ x &= 300 \div 60 \\ &= 5 \end{aligned}$$

答え 5時間

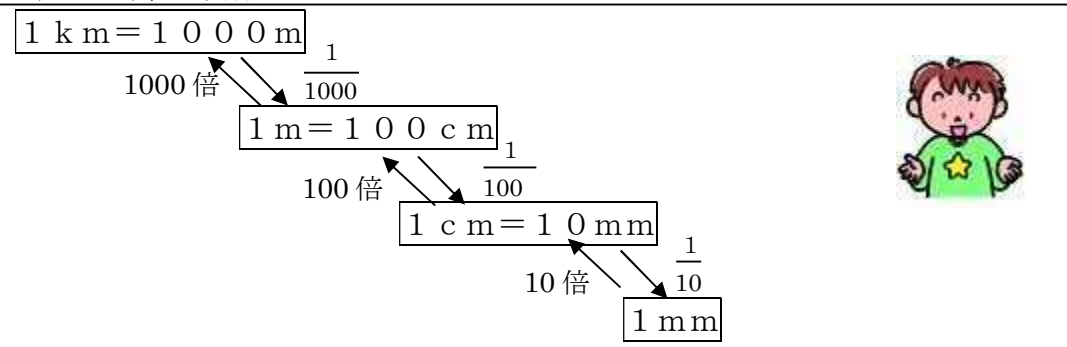


時間は速さや道のりの公式を利用すると、求められるね。

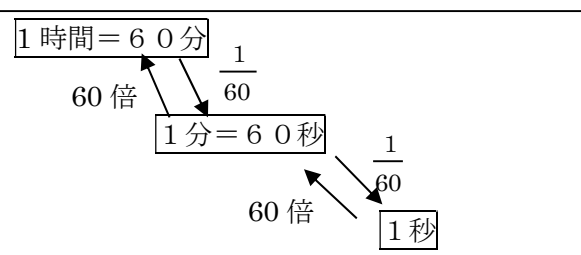
ふりかえろう 1

長さや時間の単位の間係を確かめましょう。(3年)

☆長さの単位の間係



☆時間の単位の間係



長さや時間の単位が違う時に、同じ単位にそろえられるようにしましょう。



ふりかえろう2

単位量あたりの大きさの考え方を確かめましょう。(5年)

☆A, Bのにわとり小屋では、どちらの方が混んでいるでしょうか。

	面積 (㎡)	数 (羽)
A	6	8
B	8	12

それぞれ面積も数も違うから比べられないね。どうにかしてそろえられないかな。



○公倍数で比べる

○1あたりで比べる

<p>A $6 \times 4 = 24$ $8 \times 4 = 32$</p> <p>B $8 \times 3 = 24$ $12 \times 3 = 36$</p> <p>24㎡に32羽と36羽いるから、Bが混んでいる。</p>	<p>とりの面積をそろえ、にわとりの数で比べる</p>	<p>A $8 \div 6 = 1.333\dots$</p> <p>B $12 \div 8 = 1.5$</p> <p>1㎡あたりで1.333…羽と1.5羽だから、Bが混んでいる。</p>
<p>A $8 \times 3 = 24$ $6 \times 3 = 18$</p> <p>B $12 \times 2 = 24$ $8 \times 2 = 16$</p> <p>24羽いる小屋の面積は18㎡と16㎡なので、Bが混んでいる。</p>	<p>え、にわとりの面積で比べる</p>	<p>A $6 \div 8 = 0.75$</p> <p>B $8 \div 12 = 0.666\dots$</p> <p>1羽あたりでの面積は0.75㎡と0.666…㎡だから、Bが混んでいる。</p>



面積やにわとりの数が違って、公倍数や単位量あたりの大きさを使って、どちらか一方をそろえれば比べることができるね。

1あたりで比べると、比べる数が増えても計算が簡単だね。



練習してパワーアップしましょう

名前 ()

ホップ

□に入る数を答えましょう。

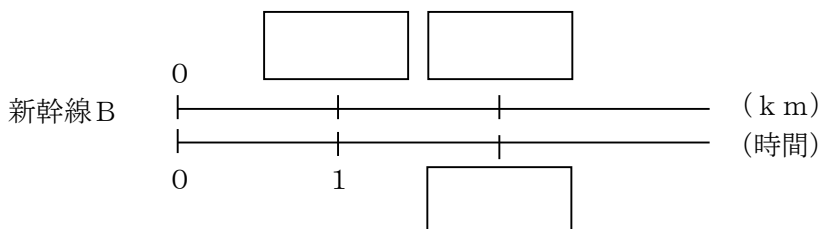
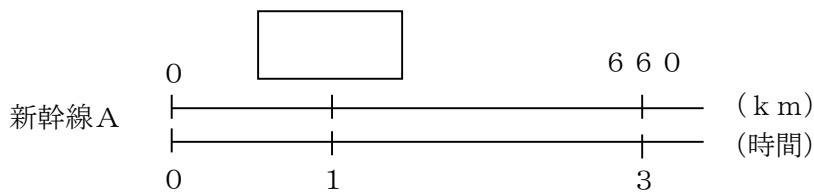
① 時速80kmで進む電車があります。この電車は□時間で80km進みます。

② 分速200mで走ると、□分間で200m進みます。

また、10分間走ると、□m進みます。

③ 分速30mの動く歩道があります。この動く歩道は1秒間に□m進みます。

④ 新幹線Aは3時間に660km走り、新幹線Bは2時間に480km走ります。どちらの新幹線のほうが速いですか。下の数直線を完成させ、答えましょう。



答え

ステップ

次の問題に答えましょう。

- ① 780 kmの道のりを、自動車で時速60 kmで走ると、何時間かかりますか。

式

答え

- ② 時速75 kmで走る電車があります。この電車は3時間で何km進みますか。

式

答え

- ③ 1500 mを5分で走りました。この場合の分速、時速を求めましょう。

式

答え

ジャンプ

- ① 20 kmを1時間20分で走る人がいます。この人の時速と分速を求めましょう。

式

答え

- ② 3分間に5580 m進むバイクの秒速を求めましょう。

式

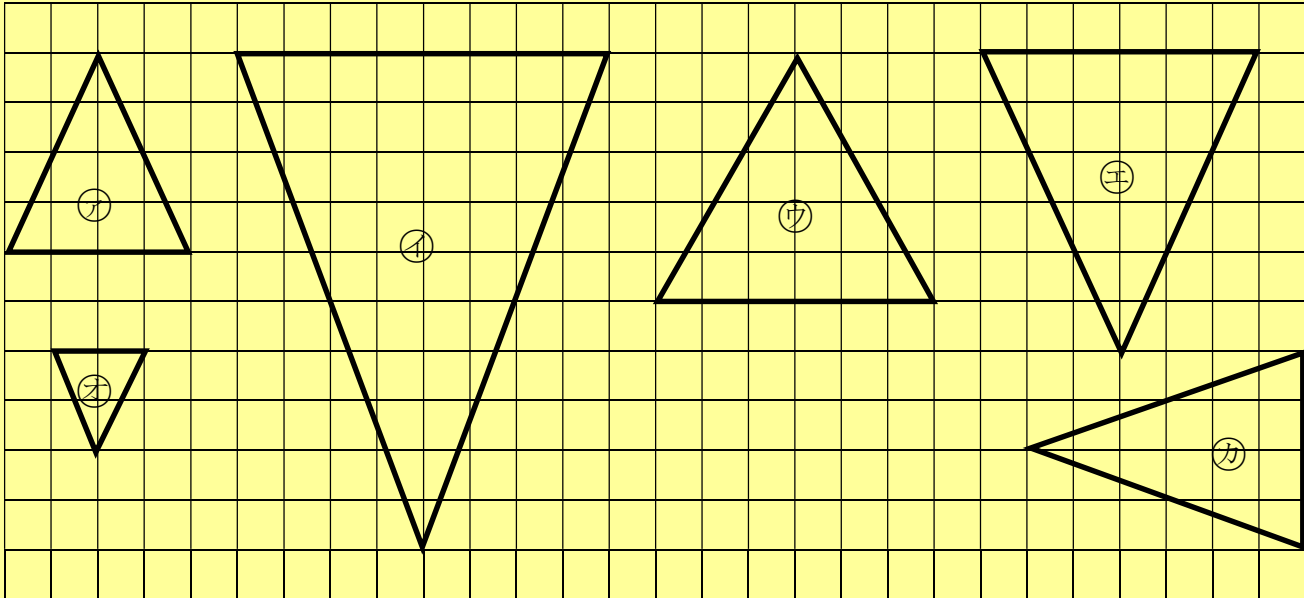
答え

小学校6年生ワークシート《拡大図・縮図》

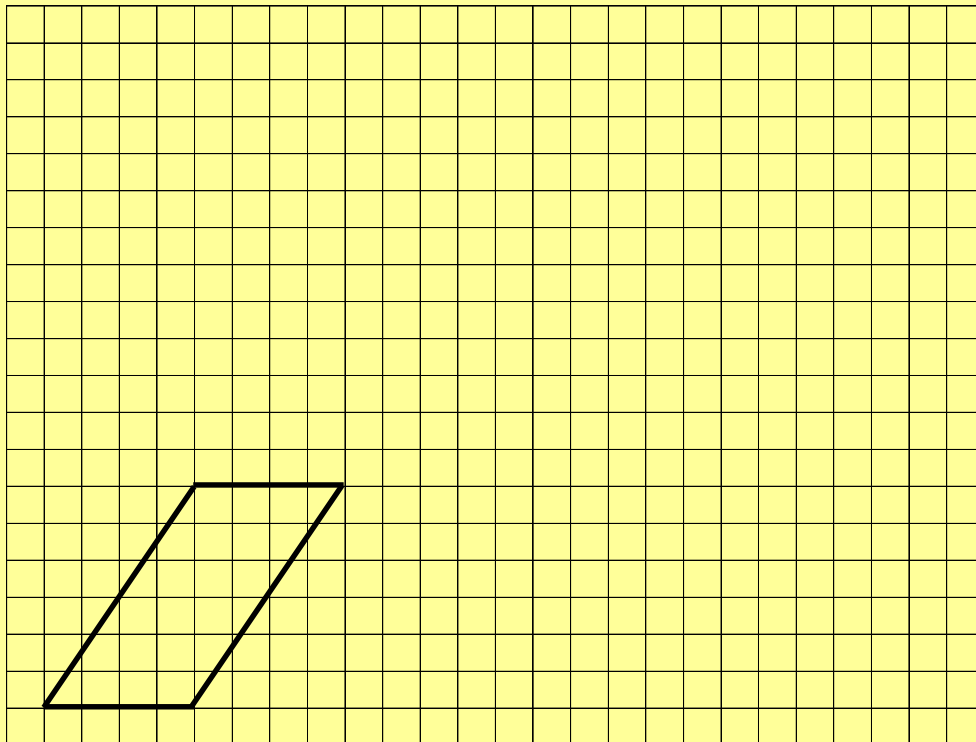
達成目標・5

拡大図や縮図を見つけたり、かいたりできるようにしましょう。

(1) 下の図で、アの三角形の拡大図、縮図になっているのはどれですか。また、それは何倍の拡大図、縮図ですか。



(2) 次の平行四辺形の3倍の拡大図と $\frac{1}{2}$ の縮図をかきましょう。



ポイントとつながり

もとにする学習は

めざす姿は

拡大図と縮図の意味やかき方を学習します。中学校で学習する相似の基礎となります。

①合同の意味や、合同な図形の性質を覚えていますか。

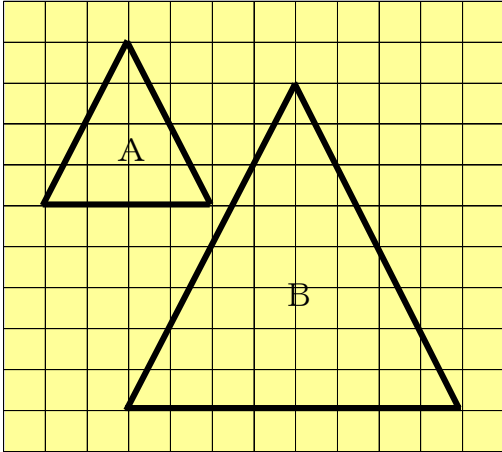
ふりかえろう1へ

②合同な三角形をかくことができますか。

ふりかえろう2へ

③拡大図や縮図の意味や性質を理解し、それを利用して拡大図や縮図を見つけたり、かいたりできるようにしましょう。

大切な考え方



形が同じで大きさがちがう図形について調べよう。



AとBの形では、対応する辺の長さの比はどれも1:2で等しいね。対応する角の大きさも、それぞれ等しいよ。だから同じ形に見えるんだね。

BはAの2倍の拡大図と言えるね。

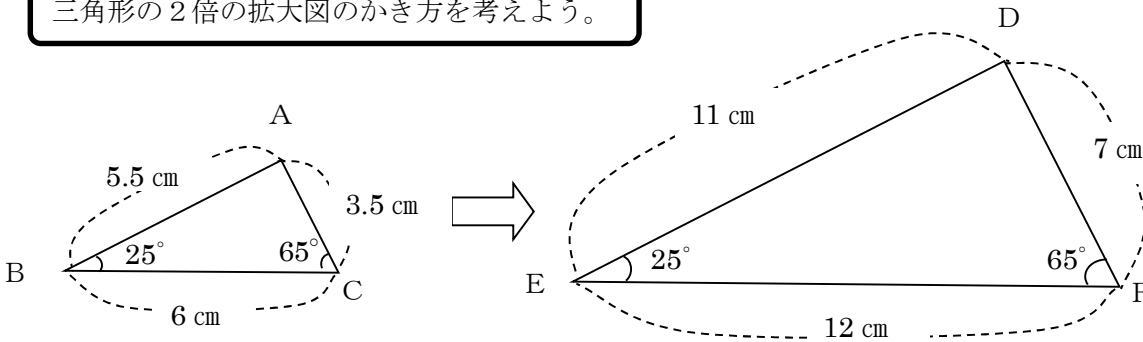


対応する角の大きさがそれぞれ等しく、対応する辺の長さの比が等しくなるようにもとの図を大きくした図を**拡大図**といいます。また、小さくした図を**縮図**といいます。

実際の長さを縮めた割合のことを、**縮尺**といいます。縮尺には、次のような表し方があります。

㊦ $\frac{1}{10000}$ ㊧ 1:10000 ㊨

三角形の2倍の拡大図のかき方を考えよう。



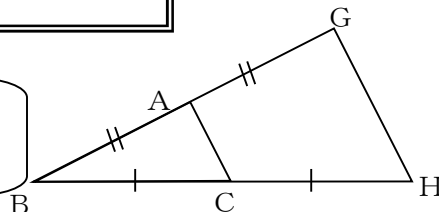
合同な三角形をかくには…

- 2辺の長さとその間の角の大きさを使う。
- 1辺の長さとその両はしの角の大きさを使う。
- 3辺の長さを使う。

どれかを使って三角形をかこう。

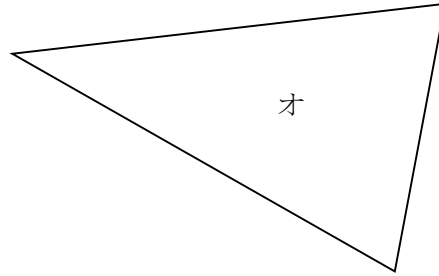
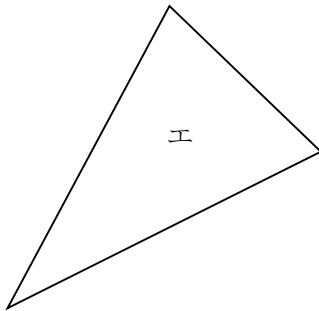
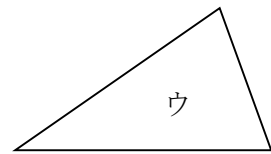
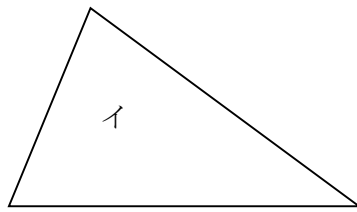
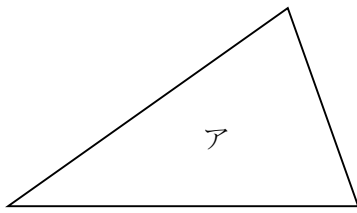


頂点Bを中心にする
と簡単にかけるね。



ふり返ろう 1

形も大きさも同じ図形を見つけましょう。(5年)



アと形も大きさも同じ図形はどれかな。



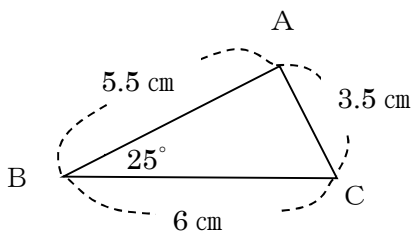
ぴったりと重ね合わせることができる2つの図形は、**合同**であるといいます。また、一方をうら返しにしてぴったり重ね合わせることができる図形も合同であるといいます。



アとエはぴったりと重ね合わせることができるから合同だね。イをうら返すとアとぴったり重ね合わせることができるからアとイも合同だね。

ふり返ろう 2

合同な三角形のかき方を考えましょう。(5年)



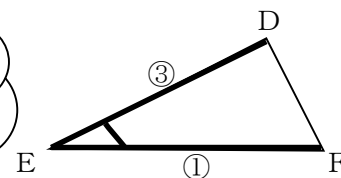
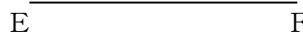
頂点Dはどのようにして決めればよいかな。

全部の辺の長さや角の大きさを使わなくても、合同な三角形がかけられるね。



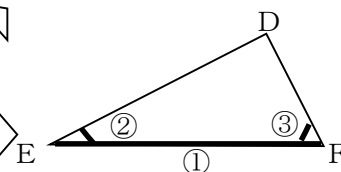
合同な三角形をかくには、3つのやり方がある。

辺EFをひいて…



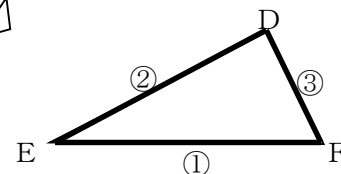
- ①辺EF
- ②角E
- ③辺DE

2つの辺とその間の角



- ①辺EF
- ②角E
- ③角F

1つの辺とその両はしの角



- ①辺EF
- ②辺DE
- ③辺DF

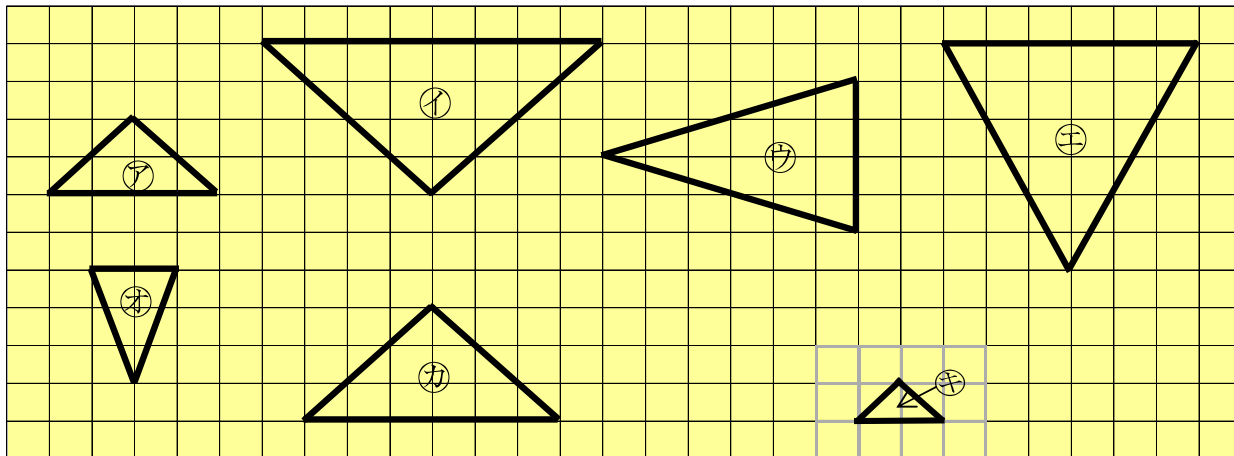
3つの辺

練習してパワーアップしましょう

名前 ()

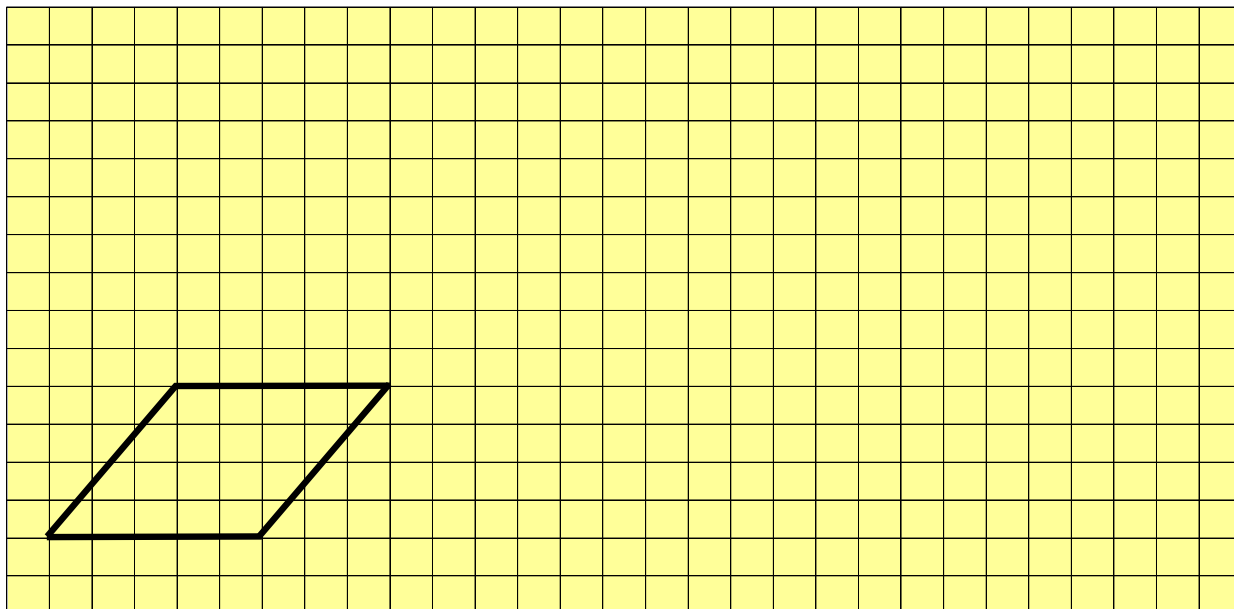
ホップ

- 1 下の図でアの三角形の拡大図、縮図になっているのはどれですか。
また、それは何倍の拡大図、何分の一の縮図ですか。

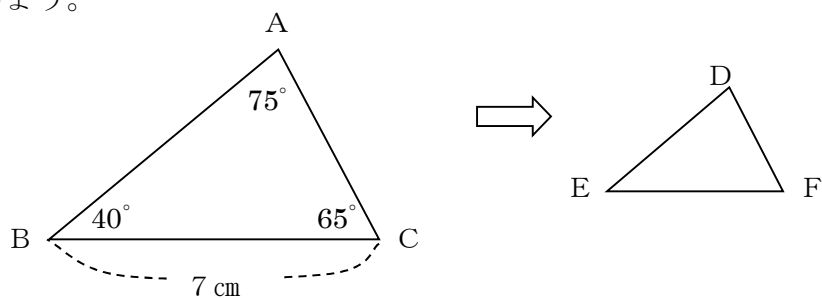


答え (例) ク…2倍の拡大図

- 2 下の平行四辺形の2倍の拡大図をかきましょう。



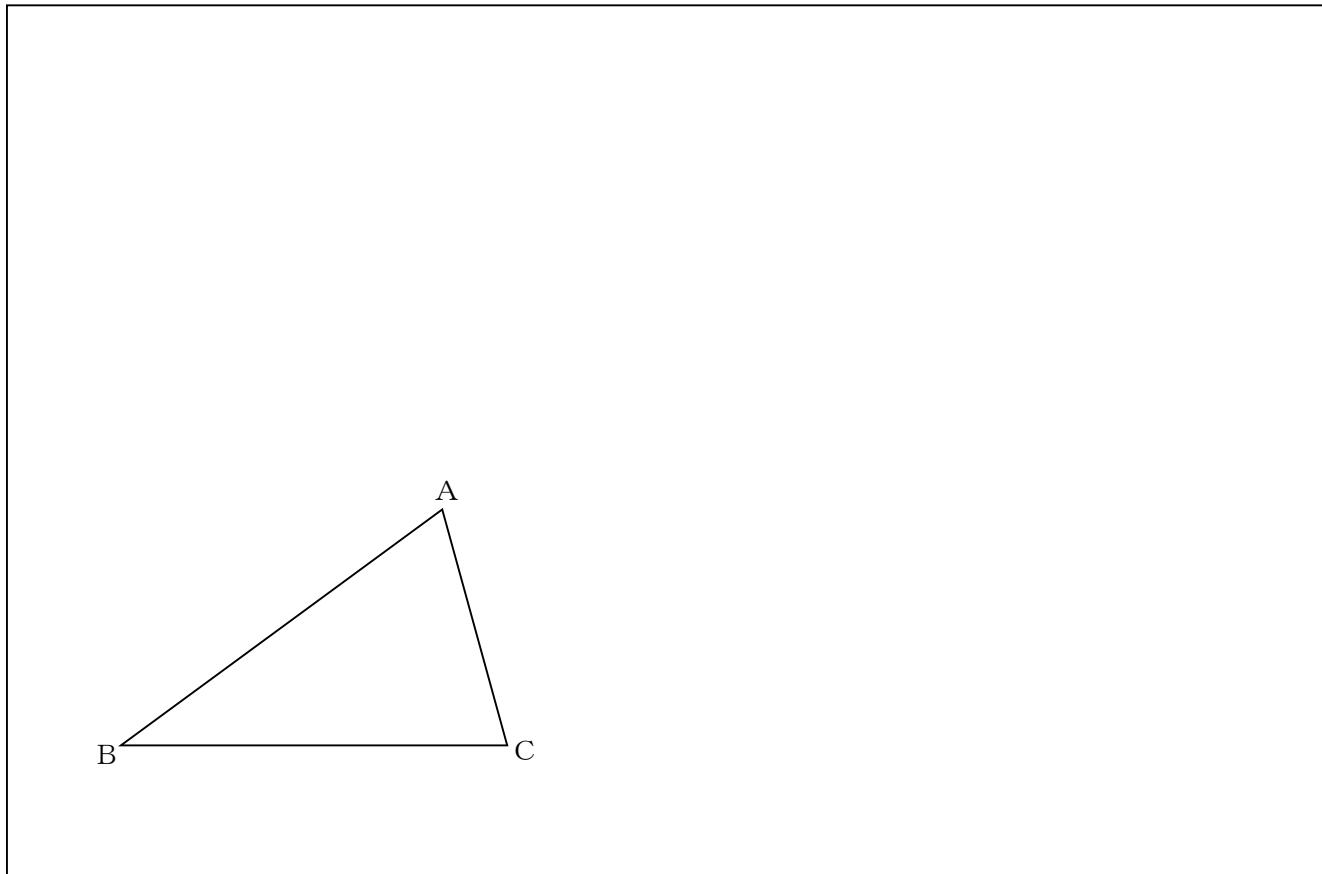
- 1 下の三角形ABCの $\frac{1}{2}$ の縮図の三角形DEFをかきます。□に当てはまる記号や数字を答えましょう。



(1) はじめに、辺BCに対応する辺 をかきます。その辺の長さは cm にします。

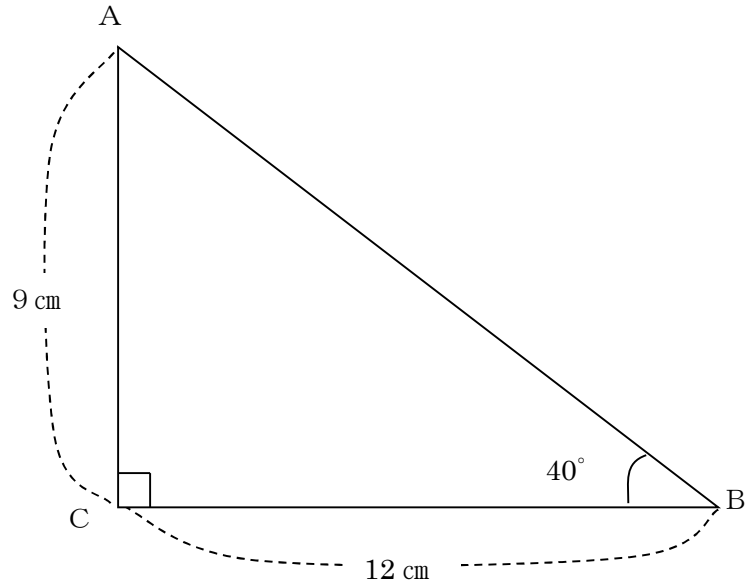
(2) 次に、頂点Aに対応する頂点 の位置を決めます。角Eは 度、角Fは 度にします。

- 2 下の三角形ABCの2倍の拡大図をかきましょう。



下の図は、直角三角形ABCの $\frac{1}{300}$ の縮図です。

辺AC、辺BCの実際の長さは何mですか。



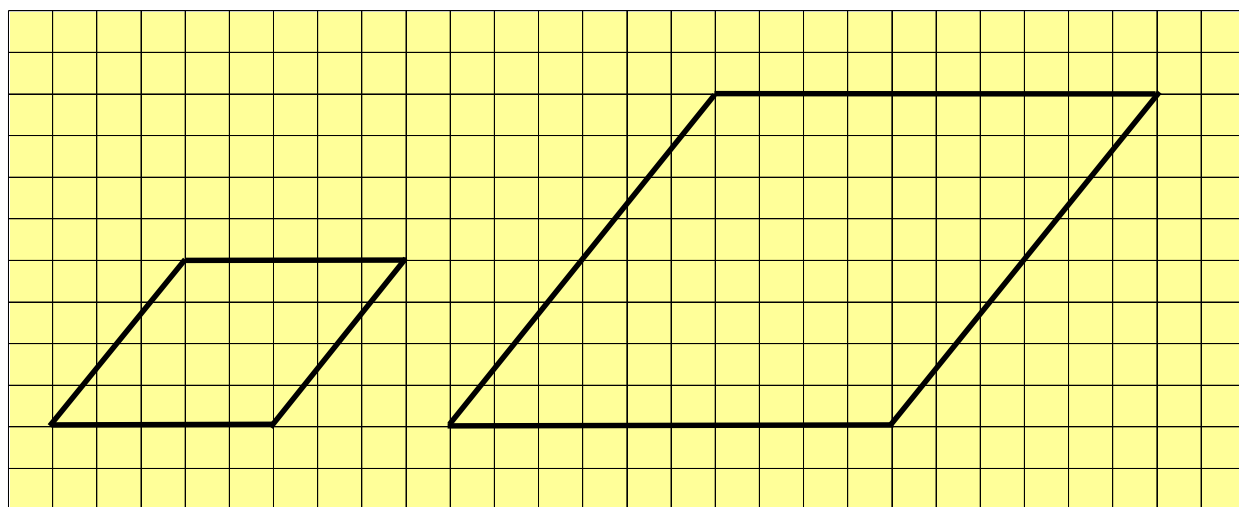
式

答え

ホップ

1 イ… 2倍の拡大図 カ… 1.5倍の拡大図 キ… $\frac{1}{2}$ の縮図

2



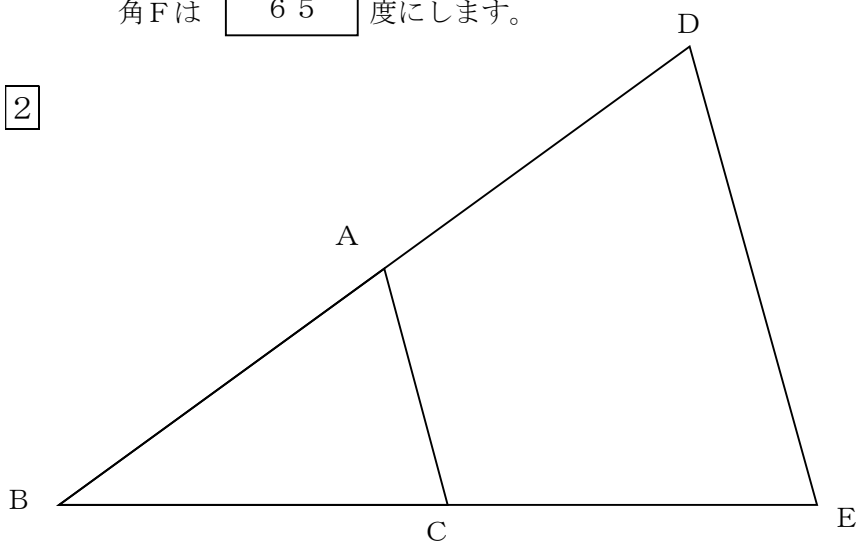
ステップ

1 (1) はじめに、辺BCに対応する辺 をかきます。その辺の長さは cm にします。

(2) 次に、頂点Aに対応する頂点 の位置を決めます。角Eは 度、

角Fは 度にします。

2



ジャンプ

辺AC $9 \times 300 = 2700$ $2700 \text{ cm} = 27 \text{ m}$ 答え 27 m

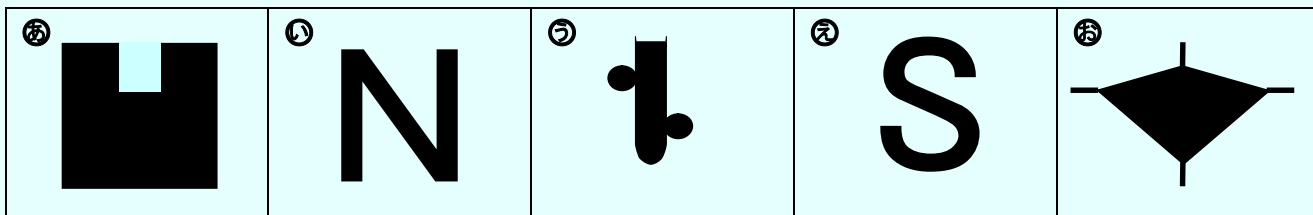
辺BC $12 \times 300 = 3600$ $3600 \text{ cm} = 36 \text{ m}$ 答え 36 m

小学校6年生ワークシート 《線対称や点対称》

達成目標・6

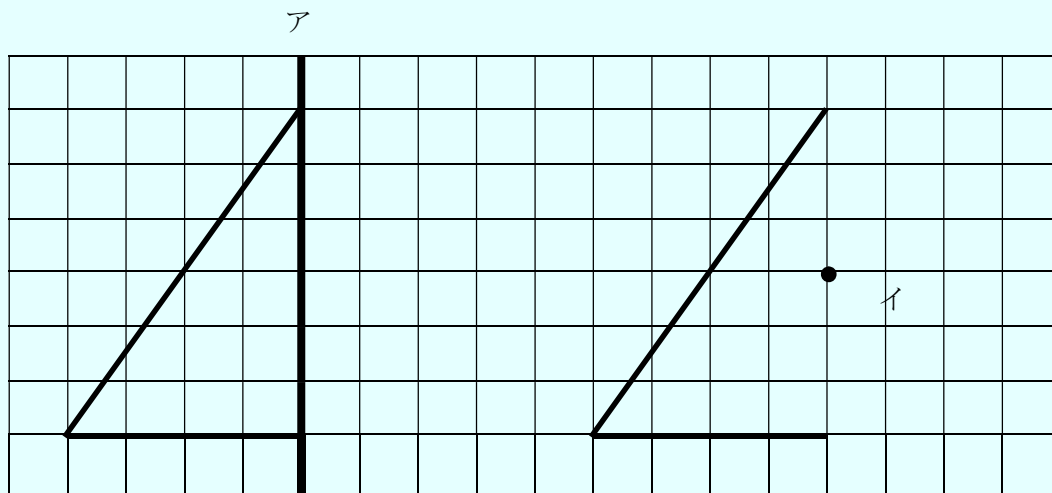
線対称や点対称な図形を見つけたり、かいたりできるようにしましょう。

(1) 次の㉔～㉙の中から線対称と点対称の図形を見つけましょう。



(2) 次の対称な形をかきましょう。

- ①直線アが対称軸となる線対称な形をかきましょう。
- ②点イが対称の中心となる点対称な形をかきましょう



ポイントとつながり

対称な図形の性質やかき方について学習します。線対称や点対称の図形を見付けたり、かいたりすることにより、図形についての理解を深めます。

もとにする学習は

①合同や対応の意味を覚えていますか。

ふり返ろう1へ

めざす姿は

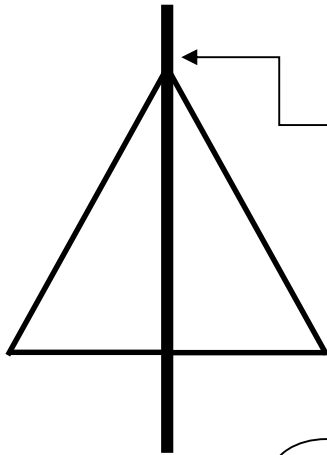
◎図形を見て、線対称な図形なのか点対称な図形なのか、どちらでもない図形なのかを見分けられるようになりましょう。

◎線対称な図形や点対称な図形を作図できるようになりましょう。

大切な考え方

☆線対称な形について考えよう。

○1本の直線を折り目にして、二つ折りにしたとき、両側の部分がぴったり重なる形を線対称な形といいます。また、その折り目となる直線を**対称の軸**といいます。



対称の軸

線対称な形を探すときは、対称の軸があるかどうか確かめてみるといいね。

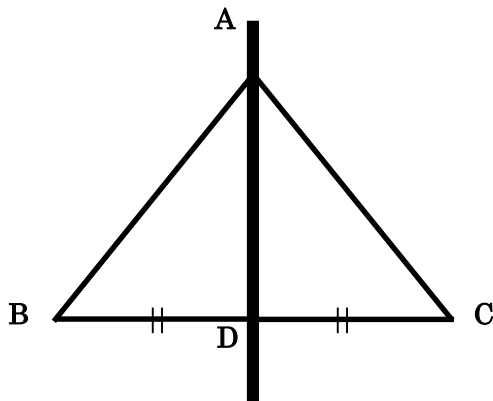


対称の軸は、いつも縦線ではなくて、横線や斜め線などもあるから気をつけてね。



線対称な形をかくときは、対称の軸をもとに点をきめるといいね。

○線対称な形では、二つ折りにしたときに重なり合う点、辺、角のことを、対応する点、対応する辺、対応する角とよびます。線対称な図形では、**対応する辺の長さや角の大きさが等しくなっています**。また、対応する点同士、どちらも、対称の軸からの距離は等しいです。



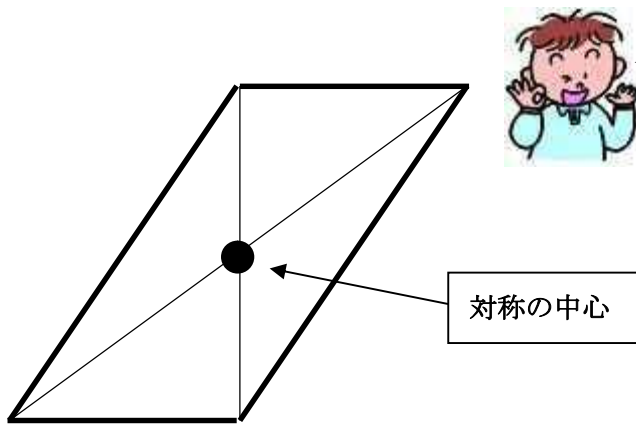
対応している点は、
BとCだね。

だから
 $BD=CD$
といえるね。

大切な考え方

☆点対称な形について考えよう。

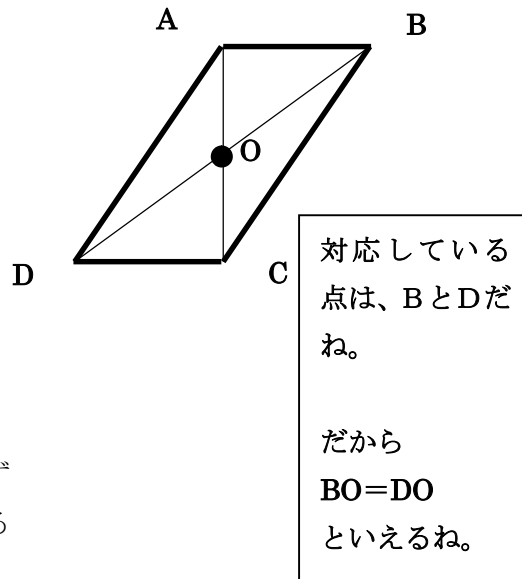
○1つの点のまわりに 180° 回転させたとき、もとの形にぴったり重なる形を点対称な形といいます。また、その点を対称の中心といいます。



点対称な形をかくときは、対応する点同士をつなぐと必ず対称の中心を通るという性質を使うととても便利だったね。

○点対称な形では、対称の中心のまわりに 180° 回転した時に重なり合う点、辺、角のことを対応する点、対応する辺、対応する角と呼びます。点対称な形では、対応する辺の長さや角の大きさが等しくなっています。

○点対称な形では、対応する点同士をつなぐ直線は、必ず対称の中心を通ります。また、対称の中心から対応する点までの長さは等しくなっています。



ふり返ろう1

合同な図形の性質が分かったり、かいたりできるようにしましょう。(5年)

○「合同」の意味について

- ・ぴったり重ね合わせることができることを合同であるといいます。

○「対応する」の意味について

- ・合同な図形で、重なり合う頂点、辺、角をそれぞれ対応する頂点、対応する辺、対応する角といいます。

対称な形を考える時に、合同や対応について知っておくと便利だよ。

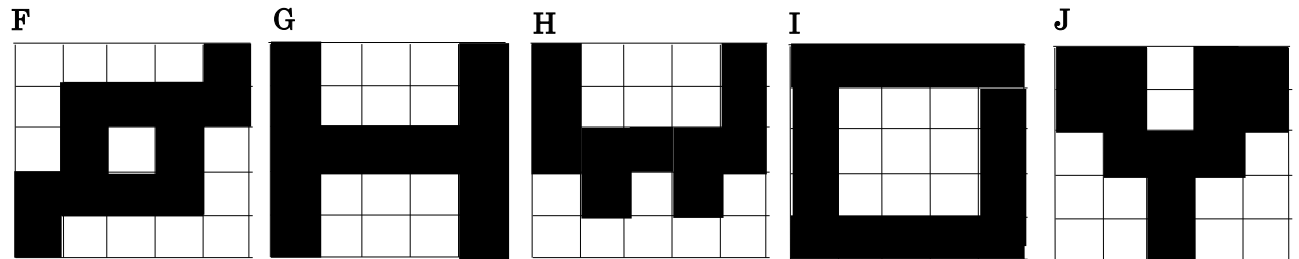
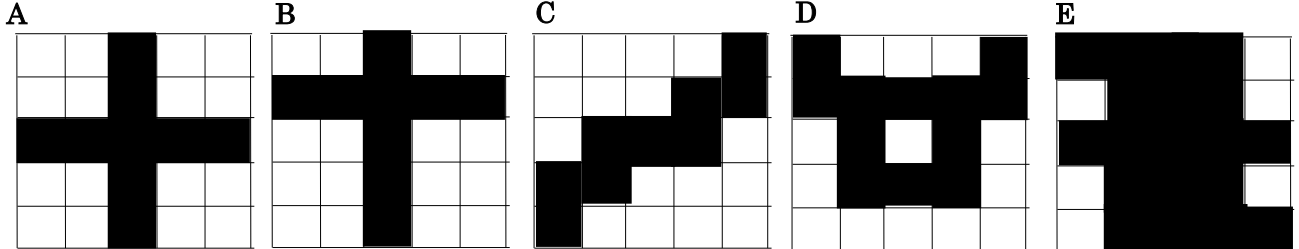


練習してパワーアップしましょう

ホップ

名前 ()

線対称な形と点対称な形を探しましょう。どちらにも当てはまる場合は、どちらにも答えを書きましょう。



○線対称な形

答え _____

○点対称な形

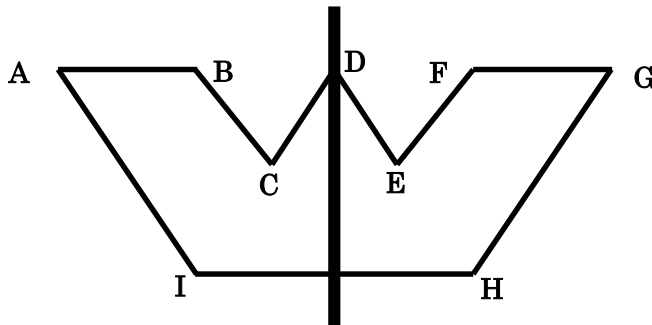
答え _____

線対称でもあり、点対称でもある形もありそうですね。



ステップ

(1) 下のアの図は、線対称な形です。対応する点、辺をそれぞれいみましょう。



対応する点

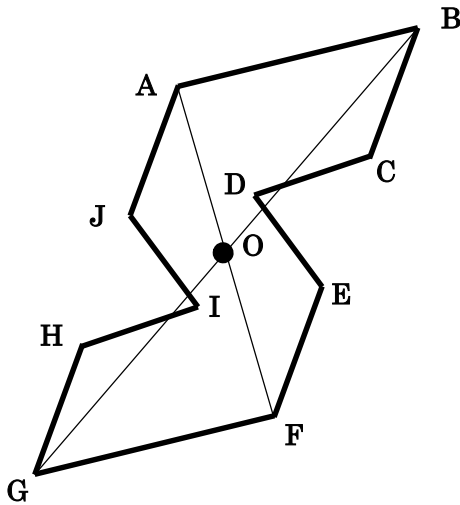
点A _____ 点H _____

点F _____ 点C _____

辺A I に対応する辺 _____

辺D E に対応する辺 _____

(2) 下のイの図は、点対称な形です。対応する点、辺をそれぞれいみましょう。



対応する点

点B _____ 点D _____

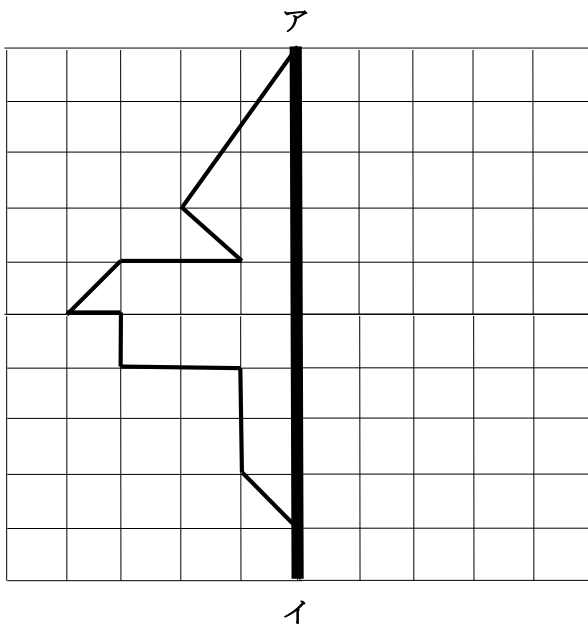
点E _____ 点C _____

辺B C に対応する辺 _____

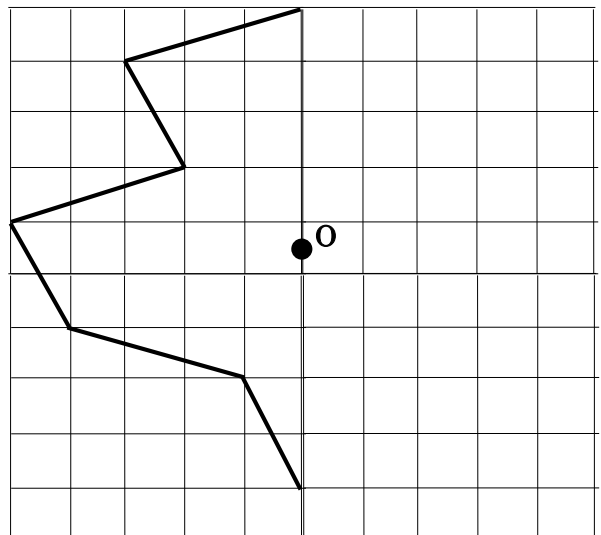
辺D E に対応する辺 _____

ジャンプ

(1) 軸アイを対称の軸として、線対称な形をかきましょう。



(2) 点Oを対称の中心として、点対称な形をかきましょう。



《 解答 》

ホップ

- 線対称な形 A B D G H I J
- 点対称な形 A C E F G I

ステップ

(1)

対応する点

点A→点G 点H→点I

点F→点B 点C→点E

辺A Iに対応する辺 → 辺GH

辺D Eに対応する辺 → 辺D C

(2)

対応する点

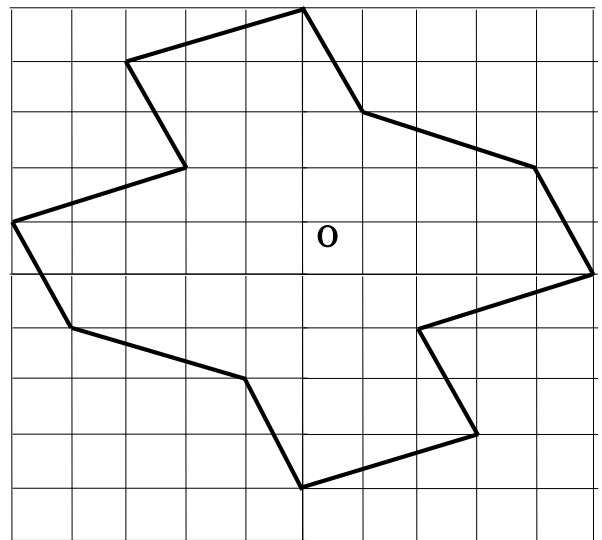
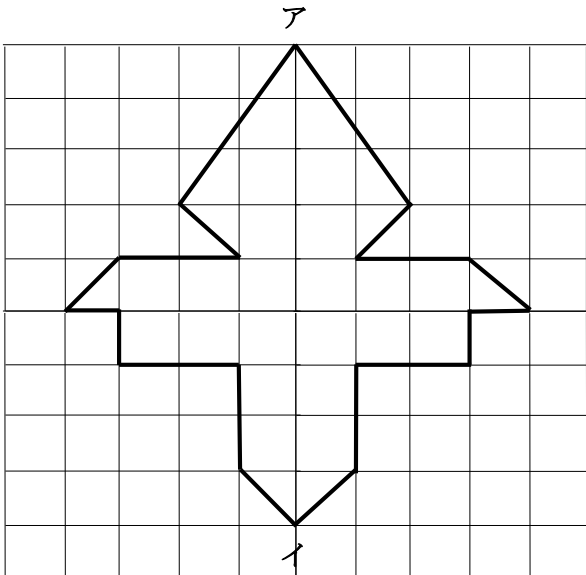
点B→点G 点D→点I

点E→点J 点C→点H

辺B Cに対応する辺 → 辺GH

辺D Eに対応する辺 → 辺I J

ジャンプ



小学校6年生ワークシート 《比と比の値》

達成目標・7

等しい比をつくることができるようにしましょう。

(1) 等しい比となるように、次の□に数を書きましょう。

$$4 : \square = 12 : 15 \quad 3 : 5 = 1.5 : \square \quad \frac{1}{3} : \frac{3}{4} = 4 : \square$$

(2) 比の値を求めましょう。

$$2 : 5$$

$$6 : 8$$

ポイントとつながり

5年生での学習を生かし、比について学習します。6年生で学習する比例、反比例、拡大図、縮図、中学校で学習する相似につながります。

もとにする学習は

- ①「基にする量」と「比べられる量」の関係を表す割合の求め方を覚えていますか。
- ②倍数や約数が作れますか。
- ③通分と約分の意味と求め方を覚えていますか。

ふり返ろう1へ

ふり返ろう2へ

ふり返ろう3へ

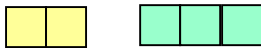
めざす姿は

- ◎2つの量の割合を表す方法として比を理解し、比で表したり、等しい比をつくったりできるようになります。

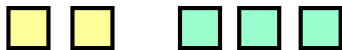
大切な考え方

2つの量の割合を、比で表しましょう。

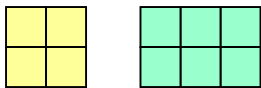
2と3の割合



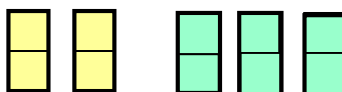
$$2 : 3$$



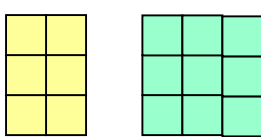
4と6の割合



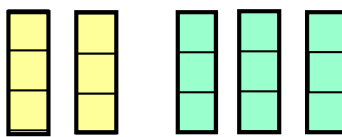
$$2 : 3$$



6と9の割合



$$2 : 3$$



見方を変えるとすべて2と3の割合

- ・ 2と3の割合を、「2 : 3」と表し、「二対三」と読みます。このように表された割合を「比」といいます。
- ・ 比は2量の割合を、どちらか一方をもとにするだけでなく、2量の組み合わせで表したものである
- ・ $a : b$ で表された比の、 a を b でわった商を、「比の値」といいます。2 : 3の比の値は $\frac{2}{3}$ です。





a:bで、
①aとbに同じ数をかけても、
比はみな等しくなります。

$$2 : 3 = 6 : 9$$

(Arrows indicate multiplication by 3: $2 \times 3 = 6$, $3 \times 3 = 9$)

②aとbを同じ数でわっても
比はみな等しくなります。

$$6 : 9 = 2 : 3$$

(Arrows indicate division by 3: $6 \div 3 = 2$, $9 \div 3 = 3$)

③等しい比で、できるだけ
小さい整数の比に直すこ
とを「比を簡単にする」
といいます。

$$\left. \begin{array}{l} 6 : 10 = 3 : 5 \\ 15 : 25 = 3 : 5 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{比の値} \\ \text{が同じ} \\ \\ \frac{3}{5} \end{array}$$

ふり返ろう1

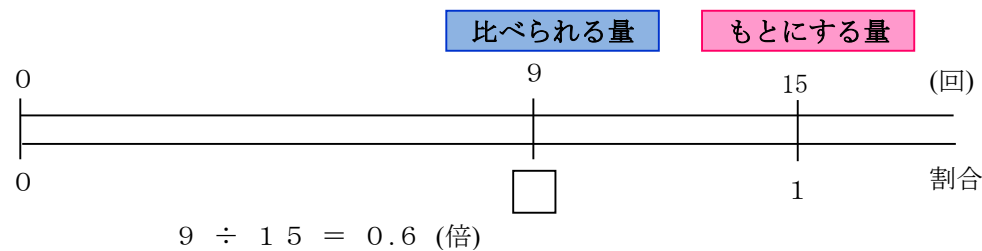
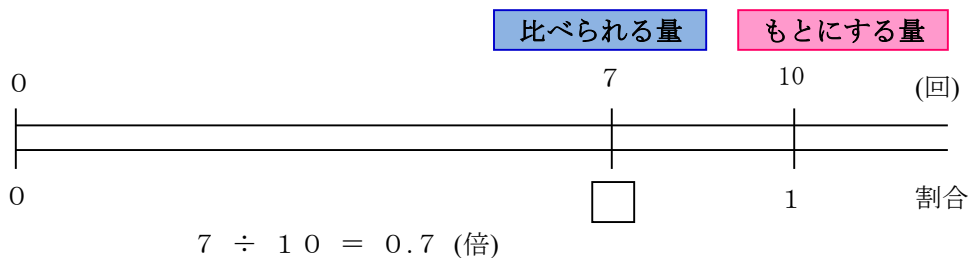
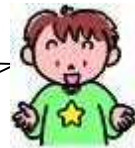
割合の求め方を説明しましょう。(5年)

右の表は、赤チームと青チームのサッカーの
試合数と勝った試合の数を表したものです。
どちらのチームがよく勝っているといえるで
しょうか。勝った数の割合を求めて比べよう。

チーム	試合数(回)	勝った数(回)
赤	10	7
青	15	9

○赤チームの勝った数の割合は？

割合 = 比べられる量 ÷ もとにする量 の式で求められます。



2つの量の関係で、一方(もとにする量)を1とみて、もう一方(比べられる量)が、そのどれだけにあたるかを表した数を「割合」といいます。

割合 = 比べられる量 ÷ もとにする量 の式で求められます。

ふり返ろう2

倍数と約数を作しましょう。(5年)

○倍数と公倍数

2の倍数



3の倍数



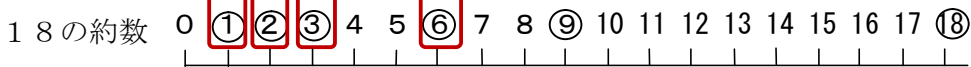
5の倍数



5, 10, 15, 20, 25, 30... は、5に整数をかけてできた5の倍数です。また、6, 12, 18, ... のように、2と3の共通な倍数を「2と3の公倍数」といい、3の倍を2でわって、商が整数になる数を見つけます。いちばん小さい公倍数が**最小公倍数**です。



○約数と公約数



1から12までの数のうちで、かけて12になる数が12の約数です。1から18までの数のうちで、かけて18になる数が18の約数です。

また、1, 2, 3, 6のように12と18の共通な約数を「12と18の公約数」といい、12の約数で18をわって、商が整数でわりきれぬ数を見つけます。いちばん大きい約数が**最大公約数**です。

ふり返ろう3

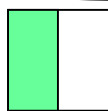
通分と約分の意味と方法を確認しましょう。(5年)

○通分しよう。

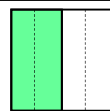
分母のちがう分数を、分母が同じ分数になおすことを**通分**するといいます。



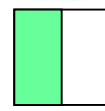
$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6}$$



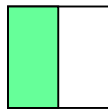
$$\frac{1}{2} = \frac{1 \times 2}{2 \times 2} = \frac{2}{4}$$



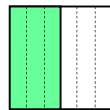
$$\frac{2}{4} = \frac{2 \div 2}{4 \div 2} = \frac{1}{2}$$



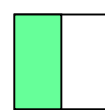
$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6}$$



$$\frac{1}{2} = \frac{1 \times 3}{2 \times 3} = \frac{3}{6}$$



$$\frac{3}{6} = \frac{3 \div 3}{6 \div 3} = \frac{1}{2}$$



分子と分母に同じ数をかけても、分子と分母を同じ数でわっても、分数の大きさは変わりません。

$$\frac{b}{a} = \frac{b \times c}{a \times c} \quad \frac{b}{a} = \frac{b \div d}{a \div d}$$

練習してパワーアップしましょう

ホップ

次の問題に答えましょう。

(1) 次の①～⑥のなかで、等しい比はどれでしょうか。

- ① 1 : 2 ② 6 : 10 ③ 21 : 35



- ④ 8 : 4 ⑤ 16 : 12 ⑥ 30 : 60

(2) 次の比を簡単にしましょう。

- ① 15 : 20 ② 21 : 35

- ③ 12 : 6 ④ 49 : 14

(3) 4 : 14 と 6 : 21 が等しい比かどうか調べましょう。



① 4 と 6 の公倍数を見つけて……

$$4 : 14 = \square : \square$$

$$6 : 21 = \square : \square$$

② 比を簡単にして……

$$4 : 14 = \square : \square$$

$$6 : 21 = \square : \square$$

③ 比の値を求めて

$$4 : 14 \rightarrow \frac{\square}{\square}$$

$$6 : 21 \rightarrow \frac{\square}{\square}$$



ステップ

(1) 次の㉗～㉙の中で、 $3 : 7$ と等しい比はどれですか。

㉗ $27 : 63$

㉘ $0.9 : 2.3$

㉙ $\frac{5}{7} : \frac{5}{3}$

(2) 次の比を簡単にしましょう。

① $0.5 : 0.7$

② $2.5 : 4$

③ $\frac{5}{6} : \frac{5}{9}$

④ $\frac{14}{5} : 7$

ジャンプ

(1) 次の式で、 \mathbf{X} の表す数を求めましょう。

① $18 : 12 = \mathbf{X} : 2$

② $7.5 : 10 = 3 : \mathbf{X}$

③ $8 : 24 = \mathbf{X} : 6$

④ $30 : \mathbf{X} = 5 : 12$

(2) 兄と弟は、2人でお手伝いしてもらった1,000円のおこづかいを、兄と弟で $3 : 2$ の割合で分けることにしました。兄と弟はそれぞれいくらもらえますか。

式

答え

(3) サラダ油、す、しょうゆを $7 : 5 : 3$ の割合で混ぜ合わせて、150mLの和風ドレッシングを作ります。サラダ油、す、しょうゆはそれぞれ何mL用意すればよいでしょうか。

式

答え

《解答》

ホップ

(1) ①と⑥、②と③

(2) ① $15 : 20 = 3 : 4$ ② $21 : 35 = 3 : 5$ ③ $12 : 6 = 2 : 1$

④ $49 : 14 = 7 : 2$

(3) ① $4 : 14 = 12 : 42$ 、 $6 : 21 = 12 : 42$ (等しい比)

② $4 : 14 = 2 : 7$ 、 $6 : 21 = 2 : 7$ 〈等しい比〉

③ $4 : 14 \rightarrow \frac{2}{7}$ 、 $6 : 21 \rightarrow \frac{2}{7}$ (等しい比)

ステップ

(1) ㉠ と ㉡

(2) ① $5 : 7$ ② $5 : 8$ ③ $3 : 2$ ④ $2 : 5$

ジャンプ

(1) ① $X = 3$ ② $X = 4$ ③ $X = 2$ ④ $X = 72$

(2) 式 $1000 \times \frac{3}{5} = 600$
 $1000 - 600 = 400$

答え

兄600円、弟400円

(3) 式 $150 \times \frac{7}{15} = 70$

$7 : 5 : 3 = 70 : a : b$ $a = 50$ 、 $b = 30$

答え

サラダ油=70mL、す50mL、しょうゆ30mL

小学校 6 年生ワークシート 《比例や反比例》

達成目標・8

比例や反比例の関係をみつけることができるようにしましょう。

(1) 直方体の形をした水そうがあります。1 分間に 5 cm ずつ深くなるように水そうに水を入れるとき、水の深さはどのように変わりますか。

① 時間と深さの関係を、下の表にまとめましょう。

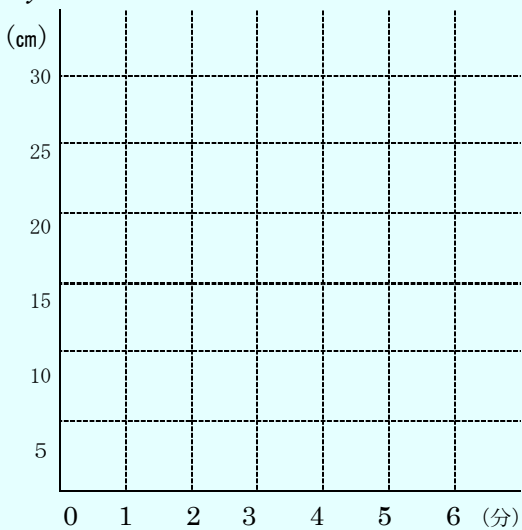
時間 x (分)	0	1	2	3	4	5	6	...
深さ y (cm)			10			25		...

② 水を入れる時間を x 分、水の深さを y cm としたとき、 y の値を求める式を書きましょう。

$$y = \square$$

③ 水を入れる時間と水の深さを

y グラフに表しましょう。



④ 水を 9 分間入れたとき、深さは何 cm になりますか。

(2) 面積が 12 cm^2 の長方形があります。この長方形の面積を変えないで、縦の長さを変えると、横の長さはどのように変わりますか。

① 縦の長さ x と横の長さ y の関係を、下の表にまとめましょう。

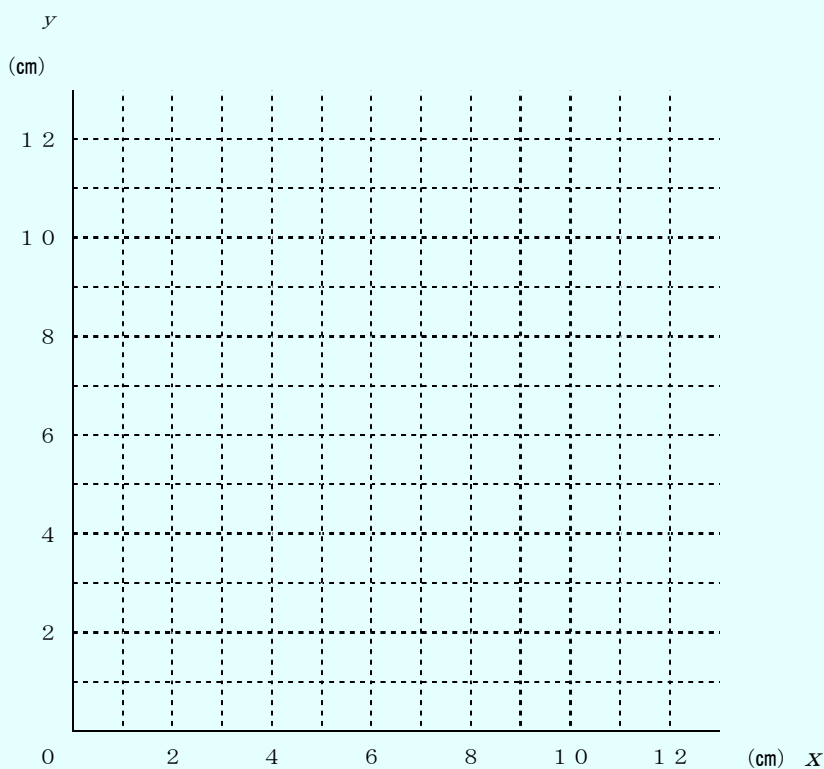
縦 x (cm)	1	2	3	4	6	...	12
横 y (cm)	12		4		2	...	

② 縦の長さを $x \text{ cm}$ 、横の長さを $y \text{ cm}$ としたとき、 y の値を求める式を書きましょう。

$$y = \boxed{}$$

(2) 面積が 12 cm^2 の長方形があります。この長方形の面積を変えないで、縦の長さを変えると、横の長さはどのように変わりますか。

① 縦の長さ x と横の長さ y の関係をグラフに表しましょう。



② 縦の長さが 5 cm のとき、横の長さは何 cm になりますか。

ポイントとつながり

伴って変わる2つの数量について、変化の特徴をとらえるために、表や式、グラフを用いて表すことができるようにします。中学校で学習する関数の学習の基礎となります。

もとにする学習は

① 比例の意味を覚えていますか。

ふり返ろう1へ

めざす姿は

- ◎ 比例、反比例の関係を式で表せるようになりましょう。
- ◎ 比例のグラフをかけるようになりましょう。

大切な考え方

☆比例について考えよう。

○ y が x に比例するとき、 x の値でそれに対応する y の値をわった商は、いつも決まった数になります。
また、次の式が成り立ちます。

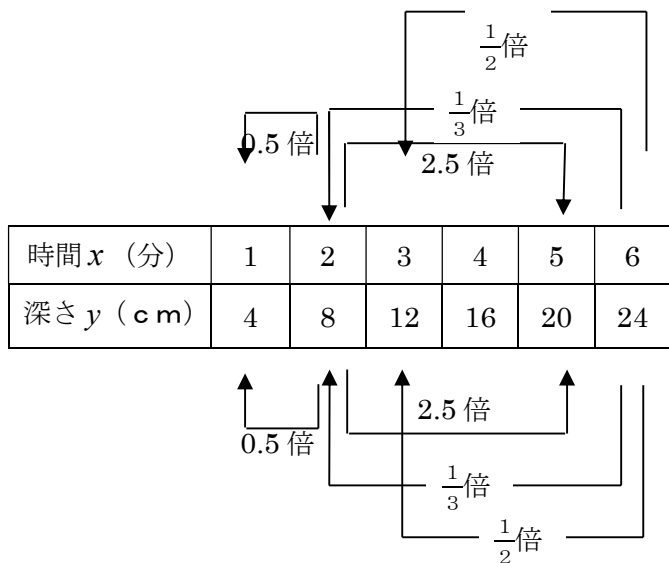
$$y = \text{決まった数} \times x$$

○ y が x に比例するとき、 x の値が 0.5 倍、2.5 倍などになると、それにもなって y の値も 0.5 倍、2.5 倍などになります。

y が x に比例するとき、 x の値が $\frac{1}{2}$ 倍、 $\frac{1}{3}$ 倍、…になると、それにもなって y の値も $\frac{1}{2}$ 倍、 $\frac{1}{3}$ 倍、…になります。

0.5 倍

例



○ 比例する 2 つの量の関係を表すグラフは、直線になり、0 の点を通ります。

x と y で、片方が増えともう一方の量も増えるという関係であっても比例していないことがあるから、注意が必要だね。



$y \div x$ が決まった数になっているかを確認するようにしよう！

これなら x や y がどんなに大きな数でも考えることができるよ。 x と y の関係を式に表せるようにしておくと便利だね。



☆反比例について考えよう。

○ y が x に反比例するとき、 x の値でそれに対応する y の値の積は、いつも決まった数になります。

また、次の式が成り立ちます。

$$y = \text{決まった数} \div x$$

○ y が x に反比例するとき、 x の値が 0.5 倍、0.2 倍などになると、それにもなって

y の値も 2 倍、5 倍、などになります。

y が x に反比例するとき、 x の値が $\frac{1}{2}$ 倍、 $\frac{1}{3}$ 倍、… になると、それにもなって

y の値も 2 倍、3 倍、… になります。

例

時間 x (分)	1	2	3	4	5	6
深さ y (cm)	18	9	6	4.5	3.6	3

Diagram showing relationships between columns:
 Column 2 to 1: $\frac{1}{4}$ 倍
 Column 3 to 1: $\frac{1}{3}$ 倍
 Column 4 to 1: $\frac{1}{2}$ 倍
 Column 1 to 2: 4 倍
 Column 1 to 3: 3 倍
 Column 3 to 4: 2 倍



x と y が片方が増えるともう一方の量が減るという関係であっても反比例していないことがあるから注意が必要だね。 x と y の積が決まった数になっているかを確認するようにしよう！

反比例のグラフは曲線になっていたね！



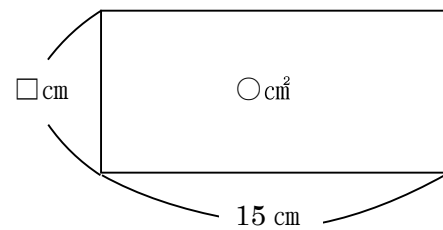
ふり返ろう 1

比例の意味を覚えていますか。(5年)

2つの量□と○があって、□が2倍、3倍、… になると、それにもなって○も2倍、3倍、… になるとき、「○は□に比例する」といいます。

高さ□ (cm)	1	2	3	4	5	6
面積○ (cm ²)	15	30	45	60	75	90

Diagram showing relationships between columns:
 Column 2 to 1: 2 倍
 Column 3 to 1: 3 倍
 Column 4 to 1: 4 倍
 Column 5 to 1: 5 倍
 Column 6 to 1: 6 倍
 Column 1 to 2: 2 倍
 Column 1 to 3: 3 倍
 Column 3 to 4: 2 倍



上の図で考えてみよう。

底辺が 15 cm、高さが □ cm の長方形だから、面積の式が $15 \times \square = \bigcirc$ になるね。なので、高さ(□)が2倍、3倍… になると面積(○)も2倍、3倍、… となるのがわかるかな？



練習してパワーアップしましょう

名前 ()

ホップ

次の問題に答えましょう。

(1) y は x に比例していますか。

A 君が鉛筆を 12 本持っています。新しくもらったえんぴつの本数を x 本としたときの A 君の持っている全ての鉛筆の本数 y 本とします。

もらった本数 x (本)	1	2	3	4	5	6
全ての本数 y (本)	13	14	15	16	17	18

答え _____

(2) y は x に比例していますか。

1 本 9 g のえんぴつの本数 x 本のときの重さを y g とします。

本数 x (本)	1	2	3	4	5	6
深さ y (cm)	9	18	27	36	45	54

答え _____

(3) y は x に反比例していますか。

1000 円を出して、 x 円の品物を買った時のおつりを y 円とします。

品物 x (円)	200	300	400	500	600	700
おつり y (円)	800	700	600	500	400	300

答え _____

(4) y は x に反比例していますか。

1 時間に入れる水の量を x m^3 とするときの水そうをいっぱいにするのにかかる時間を y 時間とします。

水の量 x (m^3)	1	2	3	4	5	6
時間 y (時間)	60	30	20	15	12	10

答え _____

ステップ

1 下の表は、秒速 7 m で進む船の進む時間と道のりを表したものです。

次の問題に答えましょう。

時間 x (秒)	1	2	3	4	5	6
道のり y (m)	7	14		28	35	

① 表のあいているところに正しい数を書きましょう。

② y と x の関係を式で表しましょう。

答え _____

③ この船が 11 秒間で進む道のりは何 m ですか。

答え _____

④ この船が 24.5 m 進むのに必要な時間は何秒ですか。

答え _____

ステップ

2 下の表は、面積 24 cm^2 の長方形のたてと横の長さを表したものです。次の問題に答えましょう。

たて x (cm)	1	2	3	4	5	6
横 y (cm)	24	12	8	6		4

- ①表のあいているところに正しい数を書きましょう。
 ② y と x の関係を式に表そう。

答え _____

- ③長方形のたてが 15 cm だとすると、横は何 cm になりますか。

答え _____

- ④長方形の横が 12 cm だとすると、たては何 cm になりますか。

答え _____

ジャンプ

下の表は、たてが 8 cm 、横が $x \text{ cm}$ の長方形の面積 $y \text{ cm}^2$ を表したものです。

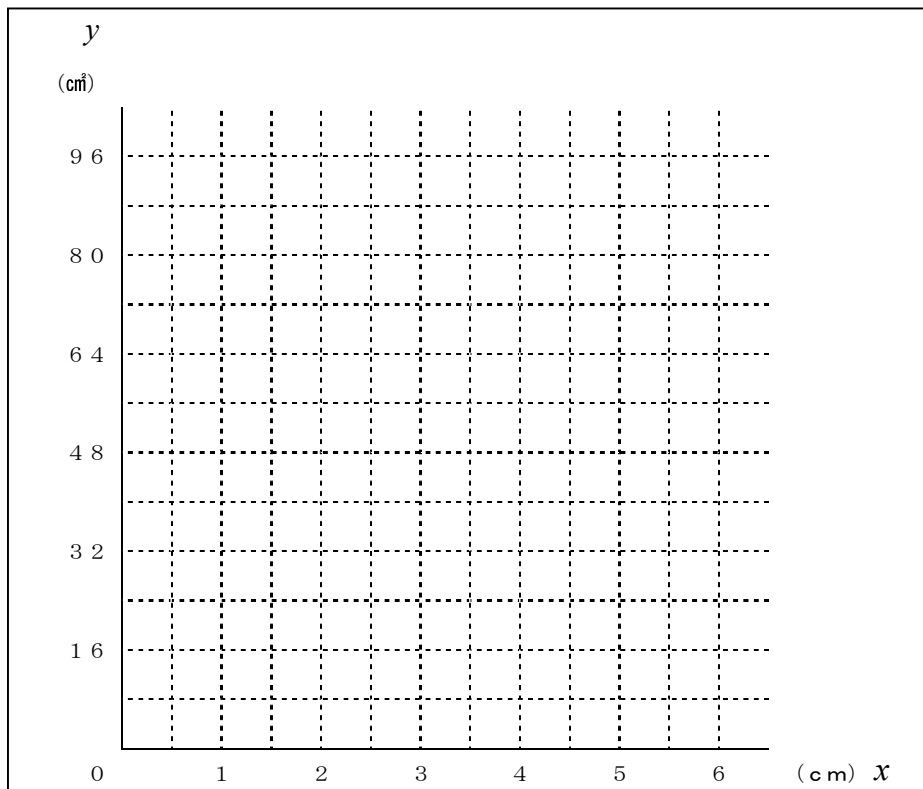
次の問題に答えましょう。

横 x (cm)	1	2	3	4	5	6
面積 y (cm^2)	8	16	24	32	40	48

- ① x と y の関係を式に表しましょう。

答え _____

- ②①で表した式をグラフに表しましょう。



《 解答 》

ホップ

- ① 比例していない
- ② 比例している
- ③ 反比例していない
- ④ 反比例している

ステップ

1

①

時間 x (秒)	1	2	3	4	5	6
道のり y (m)	7	14	21	28	35	42

② $y = 7 \times x$ (この式を変形させたものならよい)

③ $y = 7 \times 11 = 77$ 答え 77m

④ $24.5 = 7 \times x \Rightarrow 24.5 \div 7 = 3.5$ 答え 3.5 秒

2

①

高さ x (cm)	1	2	3	4	5	6
底辺 y (cm)	24	12	8	6	4.8	4

② $y = 24 \div x$ (この式を変形させたものならよい)

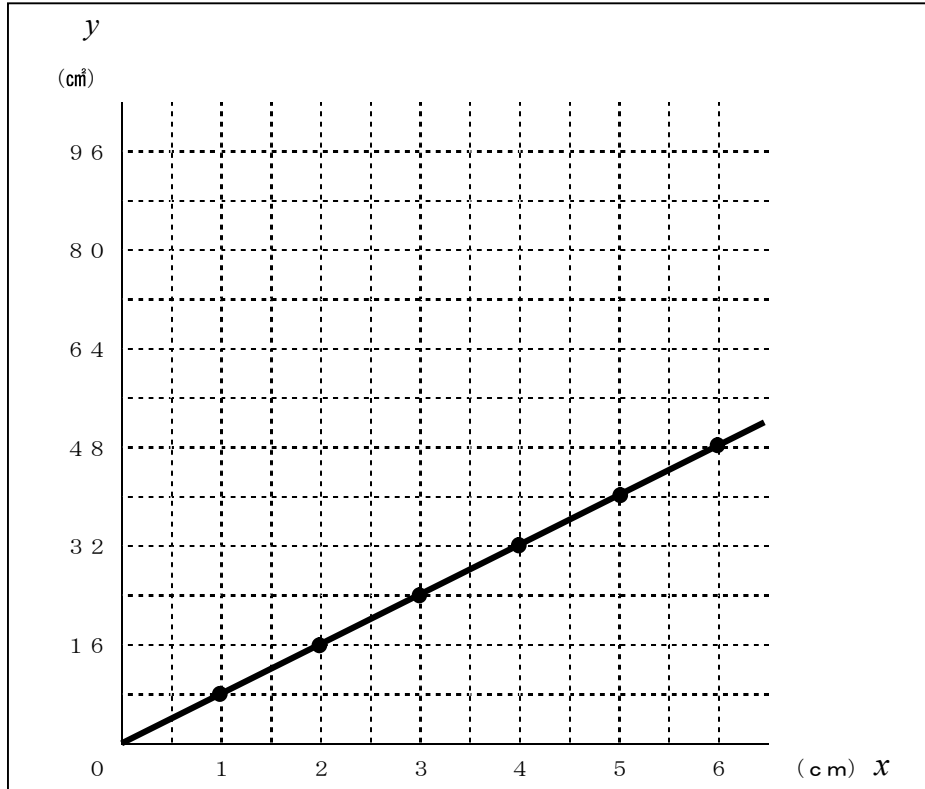
③ $y = 24 \div 15 = 1.6$ 答え 1.6cm

④ $12 = 24 \div x \Rightarrow x = 24 \div 12 = 2$ 答え 2cm

ジャンプ

① $y = 8 \times x$

②



小学校6年生ワークシート《文字と式》

達成目標・9

文字を用いて式に表したり、文字に数をあてはめて調べたりすることができるようにしましょう。

時速40kmで走る車が、 x 時間走ったときの距離は y kmです。

- ① x と y の関係を式に表しましょう。
- ② x の値が6のとき、対応する y の値を求めましょう。
- ③ y の値が400になるときの x の値を求めましょう。

ポイントとつながり

文字を用いることよさを学習します。文字を用いた式に慣れることで、中学校で学習する文字式や方程式の基礎となります。

もとにする学習は

① いろいろな場面を□を使って式に表すことができますか。

ふりかえろう1へ

② 2つの数量の関係を□や○を使って式に表すことができますか。

ふりかえろう2へ

めざす姿は

③ 数量の関係を、文字を用いて式に表したり、式から具体的な場面に表したり、文字に数をあてはめて調べたりすることができるようになりましょう。

大切な考え方

☆時速40kmで走る車が、 x 時間走ったときの距離は y kmです。

距離は速さ×時間で求められるから、距離を y 、時間を x として式に表すと

○ x と y の関係を式にすると	速さ	×	時間	=	距離
1時間のとき	40	×	1	=	40 (km)
2時間のとき	40	×	2	=	80 (km)
x 時間のとき	40	×	x	=	y (km)
	(変わらない)		(変わる)		(変わる)



今まで□や○で表した変わる数を、これからは x や y で表してみよう。

$$40 \times x = y \quad \text{と表すことができる。}$$

○ x の値が6の場合を考えると、 $40 \times 6 = y$ となるので、対応する y の値は240。

○ y の値が400の場合を考えると、 $40 \times x = 400$ となる。 $x = 400 \div 40$ 、 $x = 10$ によって、対応する x の値は10。



x や y などの文字を使って、2つの数量の関係を1つの式に表すことができます。

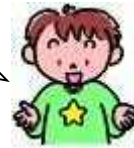
ふり返ろう 1

いろいろな場面を□を使って式に表しましょう。(3年)

☆次の場面について、式に表して考えよう。

150円のドーナツと、□円のパイを買ったときの代金の合計。

ドーナツの代金に、パイの代金□(円)を加えればいいから…。



$$150 + \square \text{ (円)}$$

1冊120円のノートが□冊買ったときの代金の合計。



120円のノートが□冊だから…。



$$120 \times \square \text{ (円)}$$



□を使うと、□にいくつかの数があてはまるときでも、1つの式に表せて便利だね。

ふり返ろう 2

2つの数量の関係を□や○を使って式に表しましょう。(4年)

☆次の場面について、式に表して考えよう。

周りの長さが16cmになるように長方形や正方形をつくります。
たての長さを□cm、横の長さを○cmとして、□と○の関係を式に表しましょう。

たての長さ□(cm)	1	2	3	4	5	…
横の長さ○(cm)	7	6	5	4	3	…



$$\square + \bigcirc = 8$$



□が決まれば○が、○が決まれば□が決まるね。

たてと横の長さの和はいつも8だから、□と○の関係を式にすると…。



たての長さが6cm、横の長さが□cmの長方形の面積は○cm²です。



$$6 \times \square = \bigcirc \text{ (cm}^2\text{)}$$

長方形の面積を求める公式はたて×横だから…。



練習してパワーアップしましょう

名前 ()

ホップ

1

(1) たての長さが 5 cm、横の長さが x cm の長方形の面積を式に表しましょう。

式

(cm^2)

(2) x が 8, 27, 6.5 のときの長方形の面積を求めましょう。

x が 8 のとき

式

答え _____

x が 27 のとき

式

答え _____

x が 6.5 のとき

式

答え _____

2 たての長さが 6 cm、横の長さが x cm の長方形の面積が 180 cm^2 になりました。

(1) この長方形のたてと横の長さとの関係を表す式を式に表しましょう。

式

(cm^2)

(2) この長方形の横の長さを求めましょう。

式

答え _____

3 しんじさんは、文具店にペンを買いに行きました。

(1) 1本 160 円のペンを x 本買ったときの代金の合計を式に表しましょう。

式

(円)

(2) ペンを 8 本買ったときの代金を求めましょう。

式

答え _____

ステップ

1 $x \times 6 = y$ のとき、次の問いに答えましょう。

(1) x の値が 1 2, 4.5 のとき、対応する y の値を求めましょう。

x の値が 1 2 のとき

式

答え _____

x の値が 4.5 のとき

式

答え _____

(2) y の値が 7 8 になるときの、 x の値を求めましょう。

式

答え _____

2 次の場面で x と y の関係を式に表しましょう。

(1) 底辺が 3 cm、高さが x cm の平行四辺形があります。

面積は y cm² です。

式

(cm²)

(2) 底辺が x cm、高さが 6 cm の三角形があります。

面積は y cm² です。

式

(cm²)

(3) 水筒に 2 L のお茶が入っています。 x L 飲みました。

残りは y L です。

式

(L)

(4) 時速 x km で走る車があります。 3 時間走りました。

進んだ距離は y km です。

式

(km)

(5) x kg のリンゴを 0.3 kg のかごに入れます。

全体の重さは y kg です。

式

(kg)

(6) キャンディー x 個を 8 人で分けます。

1 人分は y 個です。

式

(個)

ジャンプ

1 $x \times 3 = y$ の式になるものを選びましょう。

- ア たてが x cm、横が 3 cm の長方形の面積 y cm²
- イ 底辺が x cm、高さが 3 cm の三角形の面積 y cm²
- ウ 1 辺の長さが x cm の正三角形の周りの長さ y cm
- エ x km の道のりを 3 時間で走ったときの時速 y km
- オ 年れいが x 才の人の、3 年後の年れいは y 才

答え

2 場面と式を結びましょう。

30 円のおかしを x 個買います。代金は y 円です。	●	$30 + x = y$
みかんが 30 個あります。 x 個食べると残りは y 個です。	●	$30 - x = y$
面積が 30 cm ² の長方形があります。たての長さが x cm のとき、横の長さは y cm です。	●	$30 \times x = y$
30 円のチョコと x 円のジュースを買います。代金は y 円です。	●	$30 \div x = y$

《 解答 》

ホップ

- 1 (1) $5 \times x$
 (2) x が 8 のとき… $5 \times 8 = 40$ 答え 40 cm^2
 x が 27 のとき… $5 \times 27 = 135$ 答え 135 cm^2
 x が 6.5 のとき… $5 \times 6.5 = 32.5$ 答え 32.5 cm^2
- 2 (1) $6 \times x = 180$
 (2) $x = 180 \div 6$ $x = 30$ 答え 30 cm
- 3 (1) $160 \times x$
 (2) $160 \times 8 = 1280$ 答え 1280 円

ステップ

- 1 (1) x が 12 のとき… $12 \times 6 = 72$
 x が 4.5 のとき… $4.5 \times 6 = 27$
 (2) $x \times 6 = 78$ $x = 78 \div 6$ $x = 13$
- 2 (1) $3 \times x = y$
 (2) $x \times 6 \div 2 = y$ または $x \times 3 = y$
 (3) $2 - x = y$
 (4) $x \times 3 = y$
 (5) $x + 0.3 = y$
 (6) $x \div 8 = y$

ジャンプ

1 ア・ウ

2

30円のおかしを x 個買います。代金は y 円です。	●	$30 + x = y$
みかんが30個あります。 x 個食べると残りは y 個です。	●	$30 - x = y$
面積が 30 cm^2 の長方形があります。たての長さが $x \text{ cm}$ のとき、横の長さは $y \text{ cm}$ です。	●	$30 \times x = y$
30円のチョコと x 円のジュースを買います。代金は y 円です。	●	$30 \div x = y$

小学校6年生ワークシート 《資料の調べ方》

達成目標・10

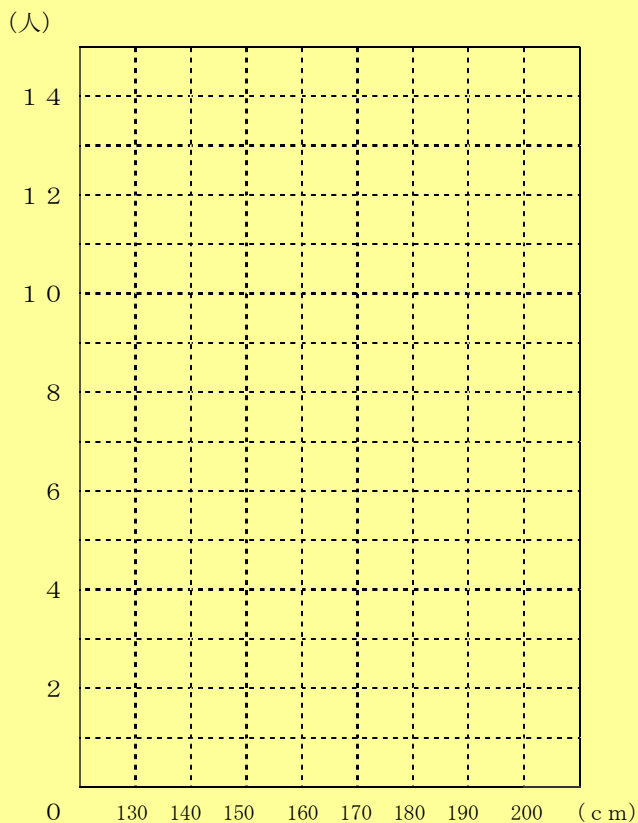
資料の平均やちらばりを調べて特ちょうが分かるようにしましょう。

- (1) 下の表は、ある野球チームの最近5試合の得点を表したものです。
AチームとBチームでは、どちらのチームの方が1試合の平均得点が多いですか。

	1 試合目	2 試合目	3 試合目	4 試合目	5 試合目
Aチームの得点	1	0	4	6	3
Bチームの得点	2	1	5	2	3

- (2) 下の表は、あるクラスの立ちばとびの記録を表したものです。
下の表を柱状グラフに表しましょう。

きょり (cm)	人数
130以上～140未満	1
140 ～150	4
150 ～160	6
160 ～170	14
170 ～180	8
180 ～190	6
190 ～200	1
合計	40



ポイントとつながり

資料の平均や散らばりの様子について理解できるようにします。
ねらいにあった資料の整理の仕方や資料の傾向や特徴を理解できるようにします。

もとにする学習は

いくつかの数値の平均を求めることができますか。

ふり返ろうへ

めざす姿は

- ◎代表値としての平均や散らばり、度数分布について分かるようになりましょう。
- ◎資料の特徴を調べたり、表やグラフに表したりできるようになりましょう。

大切な考え方 1

○AチームとBチームでは、どちらのチームの方が1試合の平均得点が多いですか。

	1 試合目	2 試合目	3 試合目	4 試合目	5 試合目
Aチームの得点	1	0	4	6	3
Bチームの得点	2	1	5	2	3

Aチームの平均 $(1 + 0 + 4 + 6 + 3) \div 5 = 2.8$

Bチームの平均 $(2 + 1 + 5 + 2 + 3) \div 5 = 2.6$

合計÷個数で平均が求められたね。この場合は試合数でわるといいね。



Aチーム平均2.8点 > Bチーム平均2.6点

答え Aチーム



いくつかの集団の記録を比べるときに、それぞれの集団の記録の平均を使うことがあります。

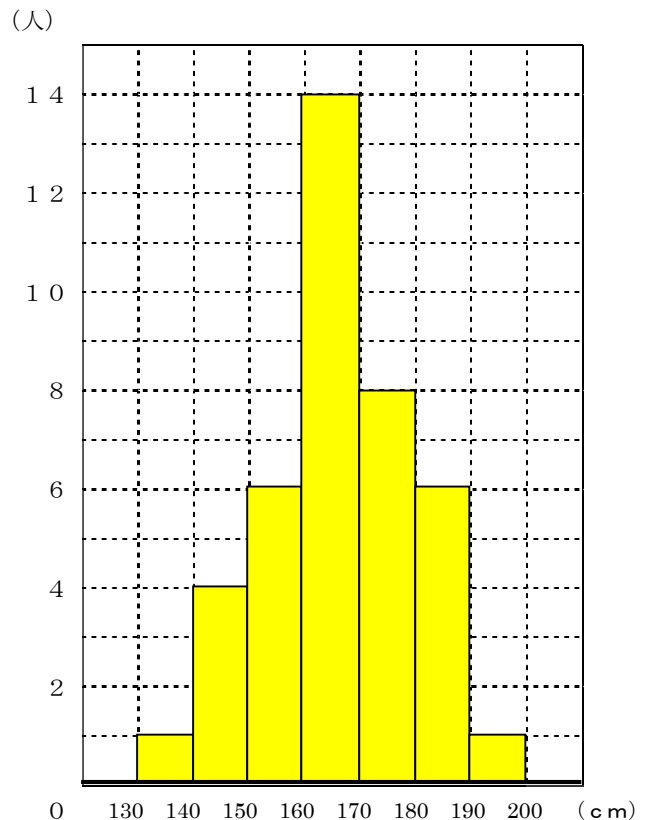
大切な考え方 2

○下の表を柱状グラフに表しましょう。

立ちばとびの記録

距離 (cm)	人数 (人)
130以上～140未満	1
140～150	4
150～160	6
160～170	14
170～180	8
180～190	6
190～200	1
合計	40

立ちばとびの記録



「柱状グラフ」は、「ヒストグラム」ともいいます。



どのはんいに記録が多いのか、すぐに分かるね。

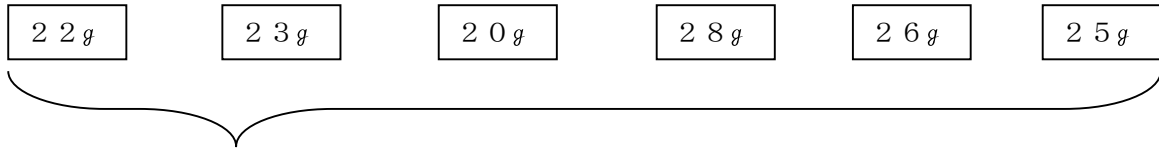


柱状グラフは、ちらばりを見るのに便利です。

ふり返ろう

平均を求めることができるようになります。(5年)

○みかんの重さの平均を求めましょう。



全体の合計 $22 + 23 + 20 + 28 + 26 + 25 = 144$ (g)

合計の重さを個数(6)でわる。 $144 \div 6 = 24$ (g)

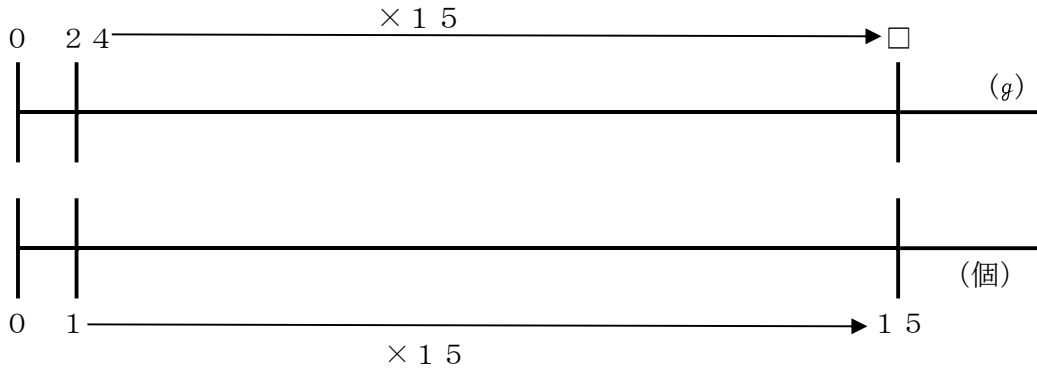
2つの式をまとめると、
右のようになります。

$$(22 + 23 + 20 + 28 + 26 + 25) \div 6 = 24 \text{ (g)}$$



平均の公式 $\text{平均} = \text{合計} \div \text{個数}$

○このみかんが15個あったときの、全部の重さを求めましょう。



式: $24 \times 15 = 360$ 答え 360g

平均(1個あたりの量)をもとにして全体の量を求めることもできます。
また平均では、点数や人数などふつう小数で表さないものも、小数で表すことがあります。



練習してパワーアップしましょう

名前 ()

ホップ

下の2つの表は、A組とB組のボール投げの記録を表したものです。遠くまでよく飛んだといえるのはどちらの組ですか。いろいろな比べ方で調べましょう。

A組のボール投げの記録 (m)

①	18	②	19	③	24	④	9	⑤	5
---	----	---	----	---	----	---	---	---	---

B組のボール投げの記録 (m)

①	16	②	14	③	26	④	7	⑤	12	⑥	9
---	----	---	----	---	----	---	---	---	----	---	---

(1) 一番よい記録どうしを比べると、組がよく飛んだといえる。

(2) 記録の合計で比べると、組がよく飛んだといえる。

(3) 平均で比べてみましょう。

(A組の平均を求める式)

(B組の平均を求める式)

答え 組がよく飛んだといえる

他にも、一番小さい記録どうしを比べる方法もあるね。
いろいろな比べ方をためしてみよう。



ステップ

下の表は、学校でとれたへちまの大きさを記録したものです。

学校でとれたへちまの大きさ (c m)

① 4 5	② 2 4	③ 3 7	④ 3 0	⑤ 2 9	⑥ 3 4	⑦ 3 0	⑧ 4 9
⑨ 3 2	⑩ 4 2	⑪ 3 3	⑫ 3 5	⑬ 3 9	⑭ 4 3	⑮ 4 6	⑯ 2 8

(1) 平均を求めましょう。

式

答え _____

(2) 下の表に個数を書きましょう。

へちまの大きさと個数

へちまの大きさ (c m)	正の字で数えよう	個数 (個)
20 以上 ~ 25 未満		
25 ~ 30		
30 ~ 35		
35 ~ 40		
40 ~ 45		
45 ~ 50		

(3) もし、39.9 c mのへちまがあったとすると、どのはんいに入りますか。

答え c m以上 ~ c m未満のはんい

ジャンプ

下の表は、6年A組のクラスの人々の片道の通学時間をまとめたものです。

6年A組の片道の通学時間（分）

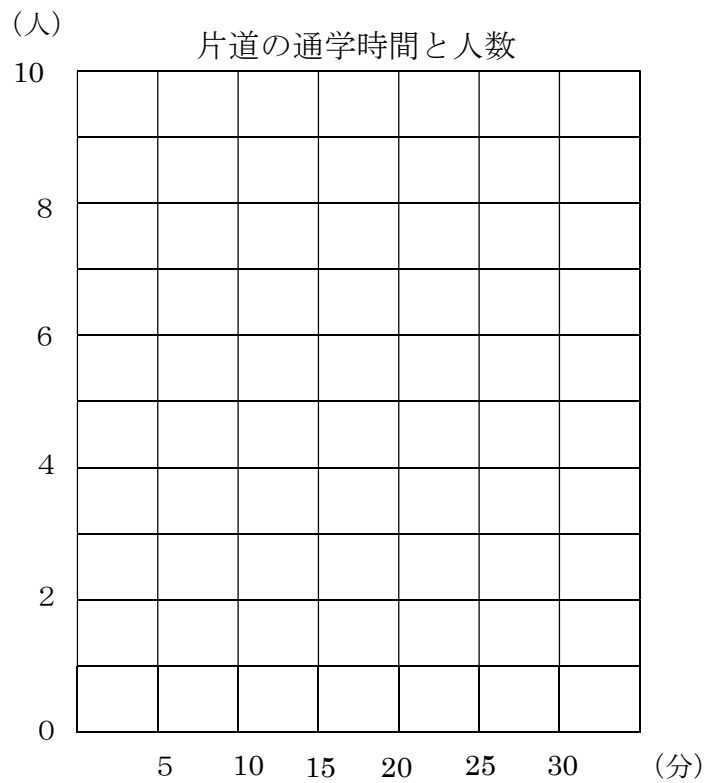
11	23	26	7	3	9	14	2	5	9
13	29	8	20	12	6	13	8	10	4
14	13	21	25	8	18	3	26	16	5

(1) 下の表に人数を書きましょう。

片道の通学時間と人数

時間（分）	正の字で数えよう	人数（人）
0以上 ～ 5未満		
5 ～ 10		
10 ～ 15		
15 ～ 20		
20 ～ 25		
25 ～ 30		

(2) 散らばりの様子をグラフに表しましょう。



《解答》

ホップ

(1) B組

(2) B組

(3) 式 $A : (18 + 19 + 24 + 9 + 5) \div 5 = 15$

$B : (16 + 14 + 26 + 7 + 12 + 9) \div 6 = 14$

答え A組

一番よい記録どうしを比べると、
A組は24m B組は26m
になるので、B組がよい記録といえるね。

記録の合計で比べると、
A組合計75m B組合計84m
になるので、B組がよい記録といえるね。



平均で比べると、A組の方がよい記録といえるよ。比べ方によってちがいががあるので、ひとつの方法だけで比べるのではなく、いろいろな見方で比べることが大切だね。



ステップ

(1) $(45 + 24 + 37 + 30 + 29 + 34 + 30 + 49 + 32 + 42 + 33 + 35 + 39 + 43 + 46 + 28) \div 16 = 576 \div 16 = 36$

答え 36 cm

(2) ヘチマの大きさと個数

ヘチマの大きさ (cm)	正の字で数えよう	個数 (個)
20以上 ~ 25未満	一	1
25 ~ 30	丁	2
30 ~ 35	正	5
35 ~ 40	下	3
40 ~ 45	丁	2
45 ~ 50	下	3

(3) 35cm以上40cm未満のはんい

「35以上」は「35と等しいか、35より大きい」こと、
「40未満」は「40より小さいこと、40は入らない」こと
だったね。



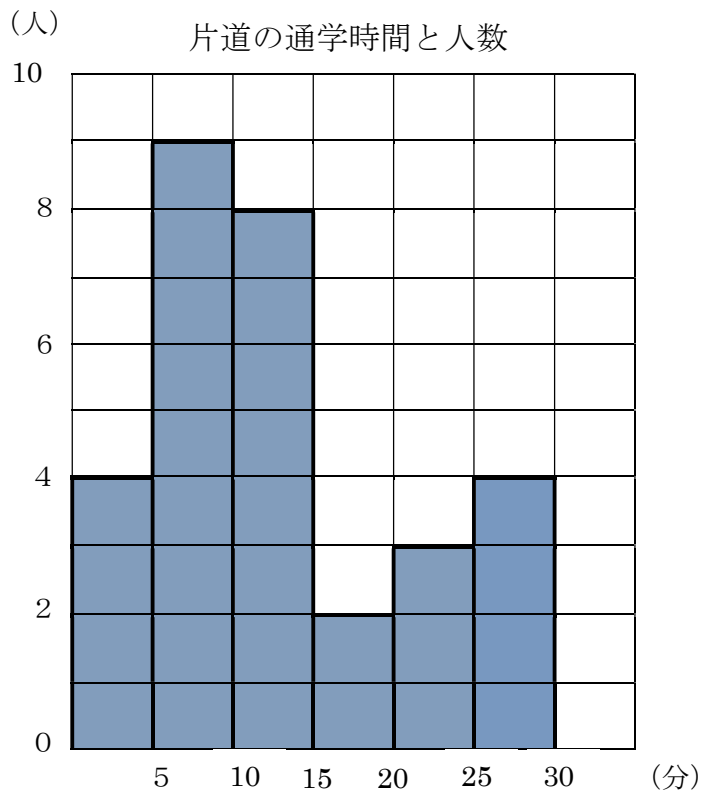
ジャンプ

(1)

片道の通学時間と人数

時間 (分)	正の字で数えよう	人数 (人)
0以上 ~ 5未満	IF	4
5 ~ 10	正IF	9
10 ~ 15	正F	8
15 ~ 20	I	2
20 ~ 25	F	3
25 ~ 30	IF	4

(2)



ちらばりの様子を表やグラフに整理すると、平均を求めただけでは分からなかった資料の持ちようを調べることができるね。



中学校の数学の学習では、資料の持ちようについて、平均以外のことにも目を向けて、くわしく調べたり比べたりするよ。小学校で学習したいろいろな比べ方も使うので、復習しておこう。



小学校6年生ワークシート 《場合の数》

達成目標・11

並べ方や組み合わせ方について、順序よく整理して調べることができるようにしましょう。

- (1) たかしさん、ひろしさん、まみさん、えみさんの4人がリレーの走る順番を決めています。走る順番は全部で何通りありますか。
- (2) A、B、C、D、E、Fの6つのチームで、サッカーの試合をします。どのチームも、ちがったチームと1回ずつ試合をするとき、6チームの対戦は、全部で何通りありますか。

ポイントとつながり

起こり得るすべての場合を適切な観点から分類整理して、順序よく列挙することを学習します。日常生活で順列や組み合わせを考えると役に立ちます。

もとにする学習は

- ①資料を落ちや重ならないように表に整理したり、読んだりすることができますか。

ふりかえろうへ

めざす姿は

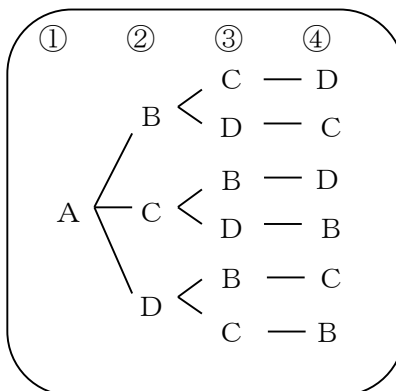
- ②身近な事柄について起こりうる場合を、落ちや重ならないように筋道立てて考え順序よく整理して調べることができるようにし、分かりやすく説明できるようにしましょう。

大切な考え方

- (1) たかしさん、ひろしさん、まみさん、えみさんの4人がリレーの走る順番を決めています。走る順番は全部で何通りありますか。

1番目をA(たかしさん)にする場合を考えると…

①	②	③	④
A	B	C	D
A	B	D	C
A	C	B	D
A	C	D	B
A	D	B	C
A	D	C	B



たかし…A
ひろし…B
まみ…C
えみ…D
とすると考えやすいね。



左の表は結果が見やすいね。
右の図は左に比べて書く回数が少ないね。



- ①がB、C、Dの場合も同じように考えると、それぞれ6通りある。よって、走る順番は全部で $6(\text{通り}) \times 4(\text{人}) = 24(\text{通り})$

図や表を用いて順序よく調べれば、落ちや重ならないように調べることができます。

大切な考え方

(2) A、B、C、D、E、Fの6つのチームで、サッカーの試合をします。どのチームも、ちがったチームと1回ずつ試合をするとき、6チームの対戦は、全部で何通りありますか。

Aの試合	A・B	A・C	A・D	A・E	A・F
Bの試合	B・A	B・C	B・D	B・E	B・F
Cの試合	C・A	C・B	C・D	C・E	C・F
Dの試合	D・A	D・B	D・C	D・E	D・F
Eの試合	E・A	E・B	E・C	E・D	E・F
Fの試合	F・A	F・B	F・C	F・D	F・E



A・BとB・AやA・CとC・Aは同じ試合だから、
で消して…。

それぞれの対戦を○で表すと、空いているところは…。

	A	B	C	D	E	F
A		○	○	○	○	○
B			○	○	○	○
C				○	○	○
D					○	○
E						○
F						



6チームの対戦は全部で15通りだね。

組み合わせについても、図や表を用いて順序よく調べれば、落ちや重なりがないように調べることができます。

ふりかえろう

資料を分類整理して表にまとめましょう。(4年)

【本の貸し出し調べ】

学年	5	6	3	1	5	4	3	1	6	5	2	5
本の種類	伝記	物語	物語	絵本	物語	伝記	図鑑	絵本	物語	図鑑	絵本	物語
貸し出した時間	昼休み	休み時間	昼休み	授業中	休み時間	昼休み	放課後	昼休み	昼休み	授業中	休み時間	放課後

☆記録を見やすく整理しよう。

どんな種類の本が、いつ、どの学年に貸し出されているのだろう…。



「本の種類と貸し出した時間」で整理すると

	授業中	休み時間	昼休み	放課後	合計
伝記	0	0	2	0	2
物語	0	2	2	1	5
絵本	1	1	1	0	3
図鑑	1	0	0	1	2
合計	2	3	5	2	12

「本の種類と学年」で整理すると

	1年	2年	3年	4年	5年	6年	合計
伝記	0	0	0	1	1	0	2
物語	0	0	1	0	2	2	5
絵本	2	1	0	0	0	0	3
図鑑	0	0	1	0	1	0	2
合計	2	1	2	1	4	2	12

何と何についてまとめるかによって表が変わってくるね。




練習してパワーアップしましょう

名前 ()

ホップ

- 1 公園にブランコ、すべり台、シーソーがあります。どの遊具でも1回ずつ遊ぶとき、遊ぶ順序は全部で何通りありますか。
下の図を完成させて答えましょう。

①	②	③	
A	B	C	
	C	B	
B	A	<input type="checkbox"/>	
	C	<input type="checkbox"/>	
C			




遊具をA、B、C、
順序を①、②、③と
して考えると…。

答え 通り

- 2 A、B、C、Dの4チームで野球の試合をします。どのチームも、ちがったチームと1回ずつ試合をするとき、試合は全部で何通りありますか。
下の表を完成させて答えましょう。

	A	B	C	D
A				
B				
C				
D				



対戦したところに
○をかいていこう。

答え 通り

ステップ

- 1 4人が横1列に並びます。並び方は全部で何通りありますか。4人をA、B、C、Dとして、図や表を使って考えましょう。

答え _____ 通り

- 2 コインを続けて3回投げます。このとき、表と裏の出方は全部で何通りありますか。

答え _____ 通り

- 3 赤、青、黄、白の4色の絵の具の中から、2つを選んで同じ量を混ぜて、色を作ります。色の選び方は全部で何通りですか。図や表を使って考えましょう。

答え _____ 通り

ジャンプ

- 1 0, 1, 2, 3の4つの数字を使って4けたの整数をつくります。4けたの整数は全部で何通りできますか。

図や表、式を使って答えを求めましょう。

答え _____ 通り

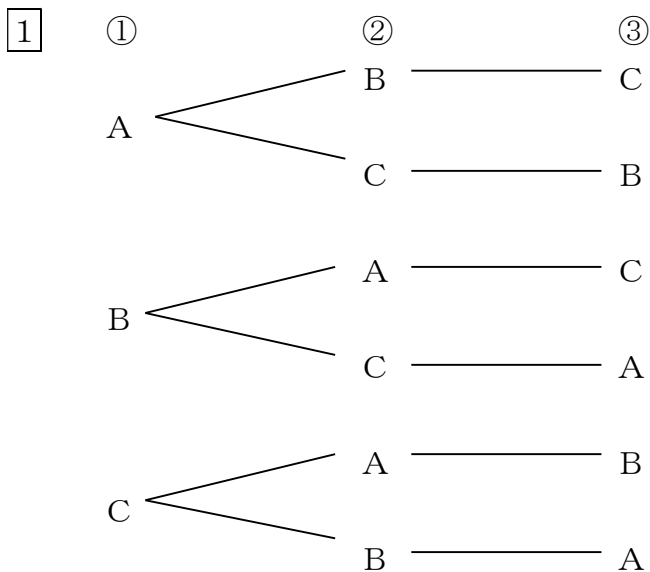
- 2 国語、算数、理科、社会、英語、音楽の6つの中から2つ選び勉強します。組み合わせは全部で何通りありますか。

図や表を使って答えを求めましょう。

答え _____ 通り

《 解答 》

ホップ



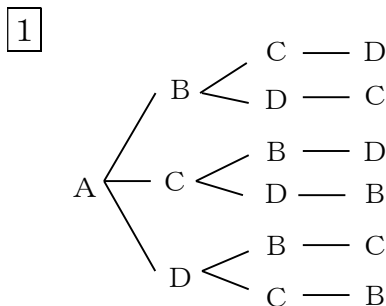
答え 6通り

②

	A	B	C	D
A		○	○	○
B			○	○
C				○
D				

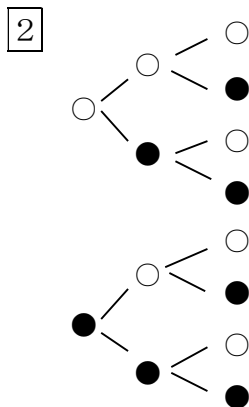
答え 6通り

ステップ



$$6 \times 4 = 24$$

答え 24通り



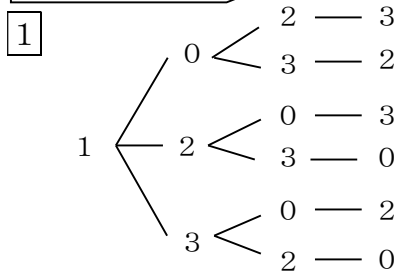
答え 8通り

③

	赤	青	黄	白
赤		○	○	○
青			○	○
黄				○
白				

答え 6色

ジャンプ



$$6 \times 3 = 18$$

答え 18通り

②

	国	算	理	社	英	音
国		○	○	○	○	○
算			○	○	○	○
理				○	○	○
社					○	○
英						○
音						

答え 15通り